

## Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
13	21.03	Корешкова Е.Е.	И

$$N1 \quad x = 3^{2023}, x^2 = 3^{4046}, y = 5^{1012}, y^2 = 5^{2024}$$

$$(x^2 - xy + y^2 + 3xy) - 3xy$$

$$(3^{2023} + 5^{1012})^2 - 3^{2024} \cdot 5^{1012}$$

$$(x+y)^2 - 3xy$$

коэффициент

$$(x+y+\sqrt{3}xy)(x+y-\sqrt{3}xy)$$

отсюда,

Число раскладывается на произведение множителей, каждый из которых  $> 1$ , следовательно число составное.

N2

$$t^4 - 2\sqrt{13}t^2 + t + 13 - \sqrt{13} = 0$$

$$\sqrt{13} = a \Rightarrow 13 = a^2$$

$$(t^2 - 2at^2 + a^2) + t - a = 0$$

$$(t^2 - a)^2 - t^2 + t - a = 0$$

$$(t^2 - a - t)(t^2 - a + t) + (t^2 - a + t) = 0$$

$$(t^2 - a + t)(t^2 - a - t + 1) = 0$$

Произведение равно нулю, когда  $\times$  если один из множителей равен нулю

$$t^2 - t - a = 0$$

$$t^2 - t - a + 1 = 0$$

$$t^2 + t - \sqrt{13} = 0$$

$$t^2 - t - \sqrt{13} + 1 = 0$$

$$D = 1 - 4(-\sqrt{13}) = 1 + 4\sqrt{13}$$

$$D = 1 - 4(-\sqrt{13} + 1) = 1 + 4\sqrt{13} - 4 =$$

$$= -3 + 4\sqrt{13}$$

$$t = \frac{-1 + \sqrt{1 + 4\sqrt{13}}}{2}$$

$$t = \frac{1 - \sqrt{-3 + 4\sqrt{13}}}{2}$$

$$t = \frac{-1 - \sqrt{1 + 4\sqrt{13}}}{2}$$

$$t = \frac{1 + \sqrt{-3 + 4\sqrt{13}}}{2}$$

Ответ:  $t = \frac{-1 + \sqrt{1 + 4\sqrt{13}}}{2}$ ,  $t = \frac{-1 - \sqrt{1 + 4\sqrt{13}}}{2}$ ,  $t = \frac{1 - \sqrt{-3 + 4\sqrt{13}}}{2}$ ,  $t = \frac{1 + \sqrt{-3 + 4\sqrt{13}}}{2}$

№3

$$x \cdot m_1 + y \cdot m_2 = 30(m_1 + m_2)$$

x - концентратный I

$$x \cdot m_1 = 20(m_1 + z)$$

y - концентратный II

z - масса получившейся смеси

$$x \cdot m_1 + y \cdot m_2 = p(x + y + z)$$

p - проcentage золота в смеси

какого?

$$y \cdot m_2 = 20(m_2 + z)$$

Пусть  $m_1 + m_2 = S$

$$x \cdot m_1 + y \cdot m_1 = 30(m_1 + m_2)$$

z - это 290??

$$x \cdot m_1 = 20(m_1 + z)$$

x, y - масса?

$$y \cdot m_2 = 20(m_2 + z)$$

10 от 10?

$$x \cdot m_1 + y \cdot m_2 = p(x + y + z)$$

$$30(m_1 + m_2) = p(x + y + z)$$

$$30(m_1 + m_2) = 20(m_1 + m_2 + 2z)$$

$$p(m_1 + m_2 + z) = 20(m_1 + m_2 + 2z)$$

$$pS + pz = 20S + 40z$$

$$30S = p(x + y + z)$$

$$30S = 20(S + 2z)$$

$$10S = 40z \Rightarrow S = 4z$$

$$PS + PZ = 20Z + 40Z - \text{подставляем } S = 4Z$$

$$4PZ + PZ = 80Z + 40Z$$

$$5PZ = 120Z$$

$$5P = 120$$

$$P = \frac{120}{5} = 24$$

Ответ: 24%

и 4

$$1) 0 < a < \frac{1}{2}; 0 < b < \frac{1}{2}$$

$$0 < a + b < 1$$

$$-1 < a + b - 1 < 0$$

$$0 < ab < \frac{1}{4}$$

$$0 < a^2 < \frac{1}{4}$$

$$0 < b^2 < \frac{1}{4}$$

$$0 < a^2 + b^2 < \frac{1}{2}$$

$$0 < a^2 + b^2 + ab < \frac{3}{4}$$

$$2) b^2 + a^2 > b - a$$

$$(b-a)(b+a) + (b-a) > 0$$

$$(b-a)(b+a-1) > 0$$

$$(b+a-1) < 0$$

$$(b-a)(b+a-1) > 0 \Rightarrow (b+a) < 0$$

$$(b-a)(b+a-1) > 0$$

$$\left. \begin{array}{l} (b-a) < 0 \\ \checkmark (b-a)(b^2+ab+a^2-1) > 0 \end{array} \right\} \Rightarrow (b^2+ab+a^2-1) < 0$$

$$b^3 - a^3 > b - a$$

$$(b-a)(b^2+ab+a^2) - (b-a) > 0$$

это надо

доказать!

$$\checkmark (b-a)(b^2+ab+a^2-1) > 0$$

$$(b^2 + a^2 + ab - 1) < 0$$

еще раз!

$$(b-a)(b^2+ab+a^2) - (b-a) > 0$$

$\downarrow < 0$

$\leq 0$

$\leq 0$

W!

≠