

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ
заключительного этапа

1.	Предмет	Математика																					
2.	Вариант	Вариант 1																					
3.	Класс	8А																					
4.	Фамилия	Ш	Е	Л	О	Х	О	В	И	Ч													
	Имя	Л	Ю	Д	М	И	Л	А															
	Отчество	Е	В	Г	Е	Н	Ь	Е	В	Н	А												
5.	Дата рождения	2	2					0	6														
		Число						Месяц		Год													
6.	Регион (пр: Томская обл., Алтайский край)	Республика Хакасия																					
7.	Вид муниципального образования (пр: село, город, пгт, деревня)	город																					
8.	Населенный пункт (пр: Томск, Кемерово, Асино)	Абакан																					
9.	Полное наименование образовательного учреждения, в котором Вы обучаетесь	МБОУ СОШ №1.																					

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись Л. Шелохович

10.	Контактный телефон	8	9	9	6	4	2	8	9	3	1	4											
11.	e- mail	shelohovichlyudmila.ev@gmail.com																					
12.	Профиль в вк	https://vk.com/ishelohovich																					
13.	Документ, удостоверяющий личность	9	5	1	9																		
		серия				номер																	
		МВД по Республике Хакасия 03.08.2019																					
		кем и когда выдан																					
		кем и когда выдан																					
14.	Из числа лиц с ограниченными возможностями по здоровью (инвалид) (да/нет)																						
15.	Сирота (да/нет)																						
16.	Победитель или призер олимпиады прошлого года (да/нет)																						

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
16	12.03.20	Хмелева Т.Е	Хмелева

№2.

Под первое условие попадают числа с 11, прибавляя к нему каждый раз по 4 (т.е. 11, 15, 19, 23... и т.д.).

Под второе условие попадают числа с 11, прибавляя к нему каждый раз по 3 (т.е. 11, 14, 17, 20, 23... и т.д.).

Если объединить эти множества, то можно заметить, что одинаковые элементы встречаются в первом множестве через каждые 2 числа (т.е. 11, 15, 19, 23), а во втором через каждые 3 числа (т.е. 11, 14, 17, 20, 23...)

Из этого можно сделать вывод, что всего таких чисел 8: 11, 23, 35, 47, 59, 71, 83, 95.

либо можно решить уравнение:

$$4x + 3 = 3x + 2$$

$$x = -1. \Rightarrow$$

$$\frac{4 \cdot 3}{12} = 12 - 1 = 11$$

$$2 \cdot 12 = 24 - 1 = 23$$

$$3 \cdot 12 = 36 - 1 = 35$$

$$4 \cdot 12 = 48 - 1 = 47$$

$$5 \cdot 12 = 60 - 1 = 59$$

$$6 \cdot 12 = 72 - 1 = 71$$

$$7 \cdot 12 = 84 - 1 = 83$$

$$8 \cdot 12 = 96 - 1 = 95$$

78

Ответ: 11; 23; 35; 47; 59; 71; 83; 95.

№3

$$(x-1)^2 + x + |x| = 2020$$

$$\begin{cases} x \geq 0, & (x-1)^2 + x + x = 2020 \\ x < 0, & (x+1)^2 + x - x = 2020 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x + 2020 \\ 4x^2 = 2020 \end{cases}$$

при $x < 0$

$$x = 1010$$

$$x^2 = 505$$

$$x = 1010$$

$$x = \sqrt{505}$$

$$x = -\sqrt{505}$$

58

Ответ: в уравнении 3 решения: $x = 1010$, при $x \geq 0$

$$x = \sqrt{505}, x = -\sqrt{505}, \text{ при } x < 0.$$

нч.

$$a^2 + b^2 + c^2 \geq ab - bc + ca$$

Существует формула $(a-b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab - 2bc + 2ac$ ✓

Допустим, что $a^2 + b^2 + c^2 = 2ab - 2bc + 2ac \Rightarrow$, что если правую часть равенства разделить на 2, то левая будет явно больше или равна ей (если $a, b, c = 0$)
 $\Rightarrow a^2 + b^2 + c^2 \geq ab - bc + ca$ ✓

45

нз

$$f(x) = x^2 + bx + c \text{ и } g(x) = x^2 + ax + d$$

$$f(x) = g(x)$$

$$x^2 + bx + c = x^2 + ax + d$$

$$x^2 + bx + c - x^2 - ax - d = 0$$

$$bx + c - ax - d = 0$$

$$x(b-a) + (c-d) = 0$$

$$x(b-a) = d - c$$

05

$x = \frac{d-c}{b-a} \rightarrow$ Такое возможно по условию $0 < a < b < c < d$ если есть отношение, и если $x > 0$

н5 Пусть $\triangle ABC$ - равносторонний, тогда $AB^2 =$

Дано: $\triangle ABC$

$$AB^2 + PC^2 = BC^2 + AP^2 = AC^2 + BP^2$$

Найти: m, P - ?

Решение:

m, P - центр вписанной окружности $\Rightarrow AP^2 + PC^2 = BP^2 + PA^2 = CP^2 + PB^2$

m, P - пересечение бис-сы

05

