

Место для  
скобы

ОТКРЫТАЯ РЕГИОНАЛЬНАЯ МЕЖВУЗОВСКАЯ ОЛИМПИАДА  
ВУЗОВ ТОМСКОЙ ОБЛАСТИ «ОРМО»

004267

Шифр

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ  
заключительного этапа

1.	Предмет	МАТЕМАТИКА																					
2.	Вариант	2																					
3.	Класс	10																					
4.	Фамилия	Т	А	Р	А	Б	У	К	И	И	А												
	Имя	М	А	Т	Р	Е	Н	А															
	Отчество	М	И	Х	А	Й	Л	О	В	Н	А												
5.	Дата рождения	2	1					0	1														
		Число		Месяц		Год																	
6.	Страна	Россия																					
7.	Регион (пр: Томская обл., Алтайский край)	Республика Саха (Якутия)																					
8.	Вид муниципального образования (пр: село, город, пгт, деревня)	город																					
9.	Населенный пункт (пр: Томск, Кемерово, Псков)	Якутск																					
10.	Полное наименование образовательного учреждения, в котором Вы обучаетесь	ГБНОУ РС(Я) «Республиканский лицей - интернат»																					

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись МТЛaf

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
225	5.04.11	Телерина И.О.	

Задача 11

$$\sqrt{x^2+2020}+x, \sqrt{x^2+2}-\sqrt{x^2+2020}, 2x-\sqrt{x^2+2020}$$

$$\sqrt{x^2+2}=a \Rightarrow x^2+2=a^2 \quad \sqrt{x^2+2020}=b \quad x^2+2020=b^2$$

$$b^2-a^2=(b-a)(b+a)=x^2+2020-x^2-2=2018$$

Если  $x$  не целое, рациональное число, то окан-  
тавшая  $x$  и  $2x$  будут разные и сократиться  
с  $\sqrt{x^2+2020}$  будет невозможно. Так же с не  
рациональными числами.  $\Rightarrow x$ -целое  $\Rightarrow$

$$\sqrt{x^2+2020} \text{ - целое } \Rightarrow \sqrt{x^2+2} \text{ - целое.}$$

$b, a$  - целые числа.

$$2018=2 \cdot 1009 \quad (1009 \text{ простое число})$$

$$(b-a)(b+a)=2018=2 \cdot 1009$$

$$\begin{cases} b-a=1009 \\ b+a=2 \end{cases} \quad \begin{cases} b-a=2 \\ b+a=1009 \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{в оба случая} \\ \text{а и } b \text{ не целые} \\ \text{числа} \end{array}$$

$$b=505,5 \text{ (не целое)}$$

Значит нету такого  $x$ , где 3 числа целые

Ответ: ЧТД

Задача 12

$$\begin{cases} 5xy+yz+2xz=-x \\ 14xy+3yz+5zx=-4x \\ 2xy+xz=4x \end{cases}$$

$$\begin{cases} 15xy+3yz+\frac{2}{3}6xz=-3x \\ 14xy+3yz+5xz=-4x \\ 2xy+xz=4x \end{cases}$$

1	2	3	4	5
6	3	5	2	6

65  
целое, абсолютное

Задача №2 продолжение:

$$15xy - 14xy + 3xyz - 3yz + 6xz - 5xz = -3x + 4x$$

$$\begin{cases} xy + xz = x \\ 2xy + xz = 4x \end{cases} \quad \begin{cases} 2xy - xy + xz - xz = 4x - x \\ xy = 3x \quad y = 3 \end{cases}$$

35

$$xy + xz = x \Rightarrow 3x + xz = x \quad \# \quad xz = -2x \quad z = -2$$

$$5xy + yz + 2xz = -x \Rightarrow 15x - 6 - 4x = -x \Rightarrow 12x = 6$$

$$x = 0,5$$

и все решения найдены

Ответ:  $x = 0,5$ ;  $y = 3$ ;  $z = -2$

Задача №3

$$f(x) = ax^2 + bx + c = 2020 \quad (\text{найти } x)$$

нужно найти

$$f(0) + f(1) = 0 \quad f(2) + f(3) = 0$$

суммы корней!

$$f(0) + f(1) = c + a + b + c = 2c + a + b = 0$$

$$f(2) + f(3) = 4a + 2b + c + 9a + 3b + c = 0 = 13a + 5b + 2c$$

$$\begin{cases} 2c + a + b = 0 \\ 2c + 13a + 5b = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} 2c + 13a + 5b - 2c - a - b = 0 \\ 12a + 4b = 0 \Rightarrow 3a + b = 0 \end{cases}$$

$$a = -\frac{b}{3} \quad 2c + a + b = 0 \Rightarrow 2c - \frac{b}{3} + b = 0 \Rightarrow c = -\frac{b}{3}$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4 \cdot (-\frac{b}{3}) \cdot (-\frac{b}{3})}}{2 \cdot (-\frac{b}{3})} = \frac{-b + \sqrt{\frac{5b^2}{9}}}{-\frac{2b}{3}} = \frac{-b + \frac{\sqrt{5}b}{3}}{-\frac{2b}{3}} = \frac{3 - \sqrt{5}}{2}$$

$$x_2 = \frac{-b - \sqrt{\frac{5b^2}{9}}}{-\frac{2b}{3}} = \frac{-b - \frac{\sqrt{5}b}{3}}{-\frac{2b}{3}} = \frac{\sqrt{5} + 3}{2}$$

50

Ответ:  $\frac{3 - \sqrt{5}}{2}$  и  $\frac{\sqrt{5} + 3}{2}$

### Задача №4

$$^{2020}\sqrt{2020 \cdot 2021^{-1}} + ^{2020}\sqrt{2021 \cdot 2019^{-1}} > 2$$

$$^{2020}\sqrt{\frac{2020}{2021}} + ^{2020}\sqrt{\frac{2021}{2019}} > 2$$

$$^{2020}\sqrt{1 - \frac{1}{2021}} + ^{2020}\sqrt{1 + \frac{2}{2019}} > 2$$

$\frac{2}{2019} > \frac{1}{2021}$  так как  $^{2020}\sqrt{1 + \frac{2}{2019}} > ^{2020}\sqrt{1 - \frac{1}{2021}}$

то разность  $\frac{2}{2019} > \frac{1}{2021}$  будет и в корнях

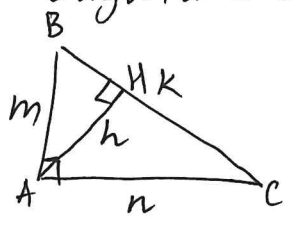
20

значит  $\sqrt{1 - \frac{1}{2021}} + ^{2020}\sqrt{1 + \frac{2}{2019}} > 2$

Шифр обес.

Ответ: ЧТД

### Задача №5



$k+h \neq m+n$  (?)

$m^2+n^2=k^2$

$(k+h)^2 = k^2 + 2kh + h^2 = m^2 + n^2 + 2kh + h^2$

$\triangle ABM \sim \triangle ABC$  (2 угла:  $\angle B$  - общий и  $\angle BAC = \angle BHA = 90^\circ$ )

$\frac{AB}{AH} = \frac{BC}{AC} \Rightarrow AB \cdot AC = AH \cdot BC \Rightarrow mn = kh$

$m^2+n^2+2kh+h^2 = m^2+n^2+2mn+h^2$

$(k+h)^2 = m^2+n^2+2mn+h^2 = (k+h)^2 = (m+n)^2 + h^2$

65

$h^2 > 0 \Rightarrow k+h > m+n$

Ответ: невозможно

то можно!