

ОТКРЫТАЯ РЕГИОНАЛЬНАЯ МЕЖВУЗОВСКАЯ ОЛИМПИАДА
ВУЗОВ ТОМСКОЙ ОБЛАСТИ «ОРМО»

Шифр

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ
заключительного этапа

1.	Предмет	математика																				
2.	Вариант	1																				
3.	Класс	11																				
4.	Фамилия	С	Ё	М	И	Н																
	Имя	Д	Е	Н	И	С																
	Отчество	В	Л	А	Д	И	М	И	Р	О	В	И	Ч									
5.	Дата рождения	2	0			0	9			2	0	0	2									
		Число				Месяц				Год												
6.	Регион (пр: Томская обл., Алтайский край)	Чуйская область, город Бишкек																				
7.	Вид муниципального образования (пр: село, город, пгт, деревня)	город																				
8.	Населенный пункт (пр: Томск, Кемерово, Асино)	Бишкек																				
9.	Полное наименование образовательного учреждения, в котором Вы обучаетесь	УВК им №12																				

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись



Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
18		Емельянова	Евсеев

1) $(x-y)^2 + (y-2\sqrt{x}+2)^2 = \frac{1}{2}$

$$\begin{cases} (x-y)^2 = 0, \\ (y-2\sqrt{x}+2)^2 = \frac{1}{2} \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x-y=0, \\ y-2\sqrt{x}+2 = \frac{\sqrt{2}}{2}; \end{cases}$$

$$\begin{cases} (x-y)^2 = \frac{1}{2}, \\ (y-2\sqrt{x}+2)^2 = 0 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x-y = \frac{\sqrt{2}}{2}, \\ y-2\sqrt{x}+2 = 0; \end{cases}$$

рассмотрены только 2 случая

ОДЗ:
 $x > 0$?

$$\begin{cases} x=y, \\ y-2\sqrt{x}+2 = \frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x=y, \\ x-2\sqrt{x}+2 = \frac{\sqrt{2}}{2}; \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2} + y, \\ -2\sqrt{x} = -y-2; \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2} + y, \\ 2\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{2} + y} = y+2; \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y, \\ 2\sqrt{x} = x+2 - \frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2} + y, \\ 2\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{2} + y} = y+2. \end{cases}$$

1	2	3	4	5
4	7	3	3	1
18				

Решу второе уравнение первой системы:

$$2\sqrt{x} = x+2 - \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$2\sqrt{x} = x + \frac{4-\sqrt{2}}{2}$$

$$4x = x^2 + 4x\sqrt{x} + \frac{16-8\sqrt{2}+2}{2}$$

$$4x = x^2 + 4x\sqrt{x} + 8 - 4\sqrt{2} + 1$$

$$x^2 - 4x + 13 - 5\sqrt{2}$$

$$x^2 - 4x + 4x - \sqrt{2}x + 9 - 4\sqrt{2} = 0$$

$$x^2 - \sqrt{2}x + 9 - 4\sqrt{2} = 0$$

$$D = 2 - 4 \cdot 1 \cdot (9 - 4\sqrt{2}) = 2 - 36 + 16\sqrt{2} = 16\sqrt{2} - 34$$

$$x_{1,2} = \frac{\sqrt{2} \pm \sqrt{16\sqrt{2} - 34}}{2}$$

$$\sqrt{2} \approx 1,4 \Rightarrow 16 \cdot 1,4 - 34 = 22,4 - 34 = -11,6$$

$x \in \emptyset$, т.к. $D < 0$

Решу второе уравнение второй системы;

$$2\sqrt{\frac{\sqrt{2}}{2} + y} = y + 2 \quad \uparrow^2$$

$$2\sqrt{2} + 4y = y^2 + 4y + 4$$

$$y^2 + 4y - 4y + 4 - 2\sqrt{2} = 0$$

$$y^2 + 4 - 2\sqrt{2} = 0$$

$$y^2 = 2\sqrt{2} - 4$$

$$y_1 = -\sqrt{2\sqrt{2} - 4}$$

$$y_2 = \sqrt{2\sqrt{2} - 4} = 1$$

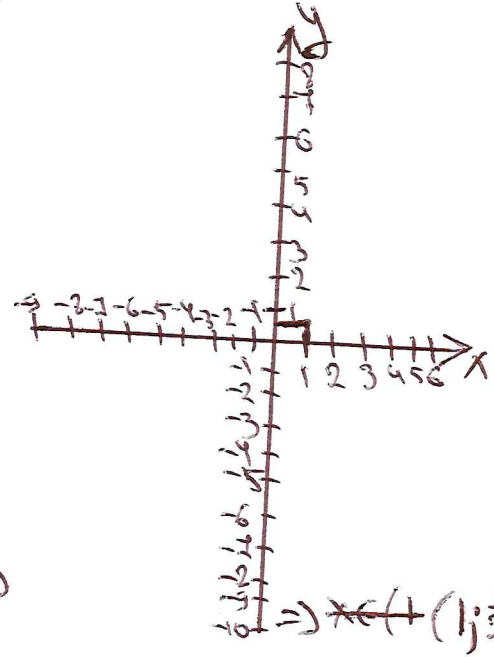
$$x_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} - \sqrt{2\sqrt{2} - 4}$$

$$x_2 = \frac{\sqrt{2}}{2} + \sqrt{2\sqrt{2} - 4} \quad \emptyset, \text{ т.к. } < 0 \Rightarrow$$

Ответ: ~~$x_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} - \sqrt{2\sqrt{2} - 4}$
 $y = -\sqrt{2\sqrt{2} - 4}$~~

~~$x_2 = \frac{\sqrt{2}}{2} + \sqrt{2\sqrt{2} - 4}$
 $y = \sqrt{2\sqrt{2} - 4}$~~

$x = 1, y = \frac{1}{2}$
 $(1, \frac{1}{2})$



2) Пусть:

x - в пешках, км/ч

y - в на велосипеде, км/ч

z - в на машине, км/ч

$$\begin{cases} \frac{x}{10} + \frac{y}{4} + \frac{z}{2} = 1,1 \\ \frac{x}{15} + \frac{y}{5} + \frac{z}{2} = 2,4 \\ \frac{x}{16} + \frac{y}{5} + \frac{z}{2} = ? \end{cases} \quad + \quad \begin{cases} \frac{x}{6} + \frac{y}{10} + \frac{z}{10} = 3,3 \\ \frac{x}{5} + \frac{y}{15} + \frac{z}{10} = 2,4 \\ \frac{x}{15} + \frac{y}{15} + \frac{z}{10} = ? \end{cases}$$

$$\frac{x}{11} + \frac{y}{4} + \frac{z}{2} = 5,7$$

$$\begin{cases} \frac{x}{10} + \frac{y}{4} + \frac{z}{2} = 1,3 \\ \frac{x}{15} + \frac{y}{5} + \frac{z}{2} = 4,4 \\ \frac{x}{16} + \frac{y}{5} + \frac{z}{2} = 2,2 \end{cases}$$

$$y = 1,3 - \frac{x}{10} - \frac{z}{2}$$

$$\frac{80}{16} = 4,4 - \frac{x}{16} - \frac{z}{4}$$

для
бы

Шифр

020321

$$\frac{5}{x} = 2,2 - \frac{5}{y} - \frac{4}{z}$$

$$\frac{5}{x} + \frac{5}{y} + \frac{60}{z} = 7,9 - \frac{50}{z} - \frac{11}{x} - \frac{18}{y}$$

$$\frac{5}{x} + \frac{5}{y} + 5,9 - \frac{12}{x} - \frac{19}{y} = 7,9 - \frac{18}{y} - \frac{11}{x} - 3,5 + \frac{7}{x} + \frac{11}{y}$$

$$\frac{5}{x} + \frac{5}{y} = \frac{8}{x} + \frac{12}{y} - 1,5$$

$$\frac{5}{x} + \frac{7}{y} = 1,5$$

$$\frac{5}{x} = 1,5 - \frac{7}{y} \quad | \cdot 3$$

$$\frac{12}{x} - 4,5 - \frac{21}{y}$$

$$\frac{80}{z} = 5,9 - 4,5 + \frac{21}{y} + \frac{19}{y}$$

$$1,5 - \frac{7}{y} - \frac{50}{y} + 1,4 + \frac{2}{y} = ? \Rightarrow 2,9 = 2 \cdot 54 \text{ мин}$$

Ответ: 2 * 54 мин

$$3) 2019 \cdot \sqrt[3]{3,5x-2,5} + 2018 \cdot \log_2(3x-1) + m = 2020$$

1) при $x=1$

$$2019 \cdot \sqrt[3]{3,5 \cdot 1 - 2,5} + 2018 \cdot \log_2(3 \cdot 1 - 1) + m = 2020$$

$$2019 \cdot 1 + 2018 \cdot 1 + m = 2020$$

$$4037 + m = 2020$$

$$m = 2020 - 4037$$

$$m = -2017$$

2) при $x=2$

$$2019 \cdot \sqrt[3]{3,5 \cdot 2 - 2,5} + 2018 \cdot \log_2(3 \cdot 2 - 1) + m = 2020$$

$$2019 \cdot \sqrt[3]{4,5} + 2018 \cdot \log_2(5) + m = 2020$$

$$m = 2020 - 2018 \cdot \log_2 5 - 2019 \cdot \sqrt[3]{4,5}$$

3) при $x=3$

$$2019 \cdot \sqrt[3]{3,5 \cdot 3 - 2,5} + 2018 \cdot \log_2(3 \cdot 3 - 1) + m = 2020$$

$$2019 \cdot \sqrt[3]{10,5 - 2,5} + 2018 \cdot \log_2 8 + m = 2020$$

$$2019 \cdot 3 + 2018 \cdot 3 + m = 2020$$

$$n = 2020 - 6057 = -6054$$

$$n = -10091$$

$$\text{Ответ: } m_1 = -2017$$

$$m_2 = 2020 - 2018 \cdot \log_2 5 - 2019 \cdot \sqrt[3]{4,5}$$

$$x \in [-2017; -10091]$$

{1;3}

4) $a < 1, b < 1, c < 1$
 $a + b + c \geq \frac{1}{2}$

$(1-a) \cdot (1-b) \cdot (1-c) \geq \frac{125}{216} \Rightarrow (1-a) \cdot (1-b) \cdot (1-c)$ имеет наибольшее значение,
 если $a=b=c \Rightarrow$ наименьшее значение $a, b, c = \frac{1}{6} \Rightarrow$
обосновать
невозможно!

$$\frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} \geq \frac{1}{2}$$

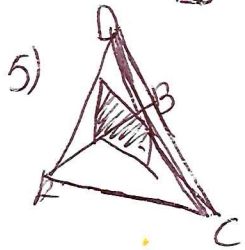
$$\frac{3}{6} \geq \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} \geq \frac{1}{2} \Rightarrow (1 - \frac{1}{6}) \cdot (1 - \frac{1}{6}) \cdot (1 - \frac{1}{6}) \geq \frac{125}{216}$$

$$\frac{5}{6} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{5}{6} \geq \frac{125}{216}$$

$$\frac{125}{216} \geq \frac{125}{216}$$

Ответ:



5)

$$V = \frac{1}{3} \cdot S_{осн} \cdot h \Rightarrow S_{осн} = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} \Rightarrow a = 2b \Rightarrow h = a \Rightarrow V = \frac{1}{3} \cdot \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} \cdot a$$

$$= \frac{a^3 \sqrt{3}}{12}$$

$h = a$, т.к. основание пирамиды равносортный треугольник

Ответ: $V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{12}$