



Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
47	29.03.22	Лисенко	

Задача 3.

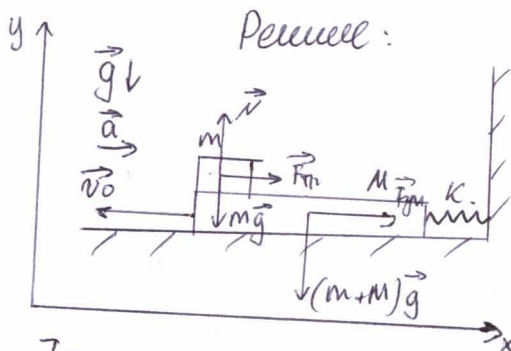
Дано:

$m; M;$

$k; v_0;$

Найти:

$m_{min} - ?$



$$\vec{F} = m\vec{a}$$

$$F_{упр} = kx$$

$$E_k + E_p = E_k' + E_p' + A$$

$$A_{упр} = \frac{kx^2}{2}$$

Так как тело имеет скорость  $v_0$  в начальной момент времени, то сила упругости, сопротивляющаяся ей будет тормозить систему тел до 0.  $\Rightarrow$

$$\frac{mv_0^2}{2} = \frac{kx^2}{2} \Rightarrow x = \sqrt{\frac{mv_0^2}{k}} \quad (5)$$

Запишем действие сил на оси  $Ox$  и  $Oy$ :

1 тело:

$$Ox: (M+m)a = kx. \quad (1)$$

2 тело

$$Ox: ma = mN \quad (2)$$

$$Oy: N = mg \quad (3)$$

Запишем в системе подставки (3) уравнение во (2)

$$ma = mmg \Rightarrow m = \frac{a}{g} \quad (4)$$

Из (1) уравнения  $\Rightarrow$ , что

$$a = \frac{kx}{M+m}$$

Подставим (1) в (4)

$$M = \frac{kx}{(M+m)g} \quad (6)$$

Подставим (5) в (6)

$$M = \frac{k}{(M+m)g} \cdot \sqrt{\frac{mv_0^2}{k}} = \frac{\sqrt{mk}v_0}{\sqrt{m+M}g}$$

ответ:  $m_{min} = \frac{\sqrt{mk}v_0^2}{\sqrt{m+M}g}$

150.

## Задача 2.

Дано:

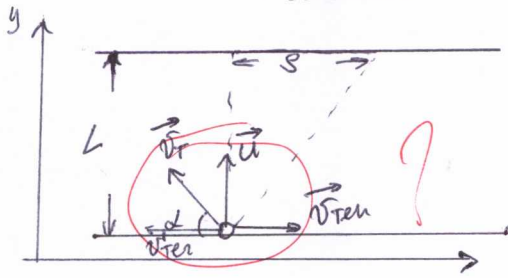
$$L = 100 \text{ м}$$

$$v_{\text{теп}} = 1,15 \text{ м/с}$$

$$u = 1 \text{ м/с}$$

Найти:  
направление;  
 $\alpha$ ;  $S$

Решение:



Так как нас интересует направление, чтобы турист вышел на противоположное расстояние, то направление скорости туриста должно совпасть с направлением, но и двигаться вперед  $\Rightarrow$  что направление туриста направлено против течения реки.

Чтобы найти угол, под которым движется турист относительно шлюхо скорость  $v_{\text{теп}}$ , которая противоположна по направлению скорости течения, но равна по модулю

$$\text{Тогда } \operatorname{tg} \alpha = \frac{u}{v_{\text{теп}}} = \frac{1}{1,15} = 0,86 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \alpha = \arctg 0,86$$

$$L = ut - \text{где } t - \text{ время, которое движется турист.} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow t = \frac{L}{u}$$

Найдем относительную скорость туриста в проливе на  $Ox$ .

$$v_{\text{относ } x} = v_{\text{теп}} - v_T \cos \alpha$$

$$\operatorname{tg} \alpha = 0,86 \approx \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\operatorname{tg}^2 \alpha + 1 = \frac{1}{\cos^2 \alpha} \Rightarrow \cos \alpha = \sqrt{\frac{1}{1 + \operatorname{tg}^2 \alpha}}$$

$$v_{\text{относ } x} = v_{\text{теп}} - v_T \cdot \sqrt{\frac{1}{1 + \operatorname{tg}^2 \alpha}}$$

$$v_T = \sqrt{u^2 + v_{\text{теп}}^2}$$

$$v_{\text{относ } x} = v_{\text{теп}} - \sqrt{\frac{u^2 + v_{\text{теп}}^2}{1 + \operatorname{tg}^2 \alpha}}, \text{ тогда}$$

$$S = v_{\text{относ } x} t = \left( v_{\text{теп}} - \sqrt{\frac{u^2 + v_{\text{теп}}^2}{1 + \operatorname{tg}^2 \alpha}} \right) \cdot \frac{L}{u} =$$

$$= \left( 1,15 - \sqrt{\frac{(1 + 1,3225) \cdot 2^2}{7}} \right) \cdot \frac{100}{1} =$$

$$= (1,15 - 0,81) \cdot 100 = 26,3 \text{ м}$$

Ответ:  $S = 26,3 \text{ м}$ ; против течения реки под углом  $\alpha = \arctg 0,86$

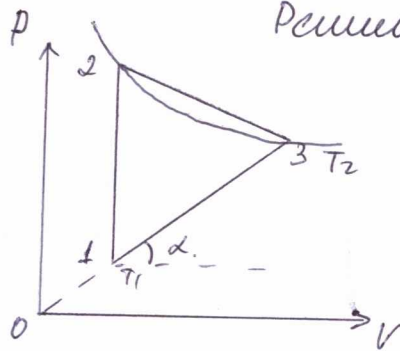
симметрия  
в ответе

15

Задача 5.

Дано:  
 $V_1, T_2, T_1$

Искать:  
 $A_2, \gamma - ?$



Решим:

Так как 1-2 - изохорный процесс  $\Rightarrow$   
 $V_1 = V_2$   
 в процессе 1-3 задаем пропорциональную зависимость.  
 $PV = \sqrt{RT}$

Численно работа цикла равна площади фигуры,  $\Rightarrow$

$$A_{\gamma} = \frac{1}{2} (P_2 + P_3) (V_3 - V_2) - \frac{1}{2} (P_1 + P_3) (V_3 - V_1) =$$

$$= \frac{1}{2} (P_2 V_3 - P_2 V_2 + P_3 V_3 - P_3 V_2 - P_1 V_3 + P_1 V_1 - P_3 V_3 + P_3 V_1) =$$

$$= \frac{1}{2} (P_2 (V_3 - V_2) - P_1 (V_3 - V_2)) = \frac{1}{2} (P_2 - P_1) (V_3 - V_2)$$

Т.к 1-2 изохорный процесс, где ясно следует -

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \Rightarrow P_1 = \frac{P_2 T_1}{T_2}$$

$$\tan \alpha = \frac{P_3 - P_1}{V_3 - V_1}$$

$$P_1 = \tan \alpha V_1 = \frac{P_3 - P_1}{V_3 - V_1} V_1 \Rightarrow P_1 V_3 - P_1 V_1 = P_3 V_1 - P_1 V_1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{V_3}{V_1} = \frac{P_3}{P_1} = \frac{\sqrt{RT_3} \cdot V_1}{V_3 \cdot \sqrt{RT_1}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{V_3^2}{V_1^2} = \sqrt{\frac{T_3}{T_1}} \Rightarrow \frac{V_3}{V_2} = \sqrt{\frac{T_3}{T_1}}$$

$$\begin{cases} A_{\gamma} = \frac{1}{2} (P_2 - P_1) (V_3 - V_2) \\ V_3 = V_2 \sqrt{\frac{T_3}{T_1}} \\ P_1 = \frac{P_2 T_1}{T_2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow A_{\gamma} = \frac{1}{2} \left( P_2 - \frac{P_2 T_1}{T_2} \right) \left( V_2 \sqrt{\frac{T_3}{T_1}} - V_2 \right) =$$

$$= \frac{1}{2} P_2 V_2 \left( 1 - \frac{T_1}{T_2} \right) \left( \sqrt{\frac{T_3}{T_1}} - 1 \right) =$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{RT_2} (T_2 - T_1) (\sqrt{T_3} - \sqrt{T_1})}{T_2 - \sqrt{T_1}} =$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{R} (T_2 - T_1) (\sqrt{T_3} - \sqrt{T_1})}{\sqrt{T_1}}$$

Направление происходит только в промежутке 1-2, тогда

$$y = \frac{A_y}{Q_n} = \frac{A_y}{U_{1-2} + A_{12}}, \text{ где } A_{12} = 0, \text{ тогда}$$

$$y = \frac{A_y}{U_{12}}$$

$$U_{12} = \frac{i}{2} \sqrt{R(T_2 - T_1)} = \frac{3}{2} \sqrt{R(T_2 - T_1)}, \text{ т.к. } i\text{-степень свободы и в } \text{гашом случае } i=3.$$

$$\begin{cases} y = \frac{A_y}{U_{12}} \\ U_{12} = \frac{3}{2} \sqrt{R(T_2 - T_1)} \\ A_y = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{R(T_2 - T_1)} (\sqrt{T_3} - \sqrt{T_1})}{\sqrt{T_1}} \end{cases} \Rightarrow$$

155

$$\Rightarrow y = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{R(T_2 - T_1)} (\sqrt{T_3} - \sqrt{T_1}) \cdot 2}{\sqrt{T_1} \cdot 3 \cdot \sqrt{R(T_2 - T_1)}} = \frac{\sqrt{R} \cdot \sqrt{T_3} - \sqrt{T_1}}{3 \sqrt{T_1}}$$

Ответ:  $A_y = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{R(T_2 - T_1)} (\sqrt{T_3} - \sqrt{T_1})}{\sqrt{T_1}} ; y = \frac{1}{3} \cdot \frac{\sqrt{T_3} - \sqrt{T_1}}{\sqrt{T_1}}$

*у нас 1/2 и 1/3*

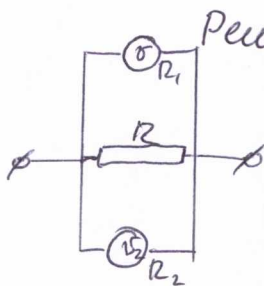
Задача 1.

Дано:

$R_1 ; R_2$

Найти:

$R - ?$



Решим:

$$I = \frac{U}{R} - \text{закон Ома.}$$

Задача 4.

Дано:

$m = 20 \text{ кг.}$

$M = 60 \text{ кг.}$

$D = 10 \text{ м.}$

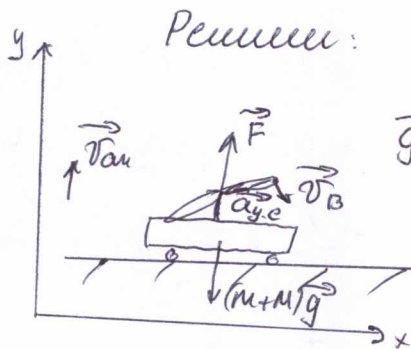
$\mu = 29 \text{ м/кв.сек.}$

$a = 0,1 \text{ м/с}$

Найти:

1)  $\nu_1 - ?$

2)  $\nu_2 - ?$



Решим:

$$\vec{F} = m\vec{a}$$

$$\nu = F \cdot t$$

$$a_{y.c} = \frac{\nu^2}{r} ; \nu = \omega r ; S = \pi D L = \pi D$$

$$1) O_y: F = (m+M)g + F_{\text{ср.}}$$

$$2) O_y: (m+M)a = F - F_{\text{ср.}} - (m+M)g \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F = (m+M)a + F_{\text{ср.}}$$

*еще один  
решим*