

ОТКРЫТАЯ РЕГИОНАЛЬНАЯ МЕЖВУЗОВСКАЯ ОЛИМПИАДА  
ВУЗОВ ТОМСКОЙ ОБЛАСТИ «ОРМО»

020146

Шифр

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ  
заключительного этапа

1.	Предмет	Математика																	
2.	Вариант	1																	
3.	Класс	8																	
4.	Фамилия	Р	У	А	Б	И	Х												
	Имя	А	А	И	И	И	Л												
	Отчество	Р	У	Л	Л	А	Н	О	В	И	Ч								
5.	Дата рождения	0	8					0	7										
		Число			Месяц			Год											
6.	Регион (пр: Томская обл., Алтайский край)	Чулымская область																	
7.	Вид муниципального образования (пр: село, город, пгт, деревня)	Сред																	
8.	Населенный пункт (пр: Томск, Кемерово, Асино)	Братск																	
9.	Полное наименование образовательного учреждения, в котором Вы обучаетесь	МБОУ "Лицей №1 имени А.А. Инженерова"																	

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись



10.	Контактный телефон	8	9	0	4	7	4	7	2	8	3	0		
11.	e-mail	rudyh.rdr@gandex.ru												
12.	Профиль в вк	https://vk.com/												
13.	Документ, удостоверяющий личность	2	5	7	9									
		серия				номер								
		ГУ МВД России по Чулымской области												
		кем и когда выдан												
		17.07.2019												
		кем и когда выдан												
14.	Из числа лиц с ограниченными возможностями по здоровью (инвалид) (да/нет)	НЕТ												
15.	Сирота (да/нет)	НЕТ												
16.	Победитель или призер олимпиады прошлого года (да/нет)	НЕТ												

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
28		Емельянов	Ем

✓ 1

1	2	3	4	5	Σ
7	7	7	7	7	28

$$\begin{aligned} x \geq 0 & \begin{cases} (x-x)^2 + x + x = 2020 \\ x < 0 & \begin{cases} (x+x)^2 + x - x = 2020 \end{cases} \end{cases} \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x = 2020 \\ 4x^2 = 2020 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 1010 \\ x^2 = 505 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1010 \\ x = -\sqrt{505} \end{cases}$$

Ответ: 1010 ;  $-\sqrt{505}$

✓ 2

Первым таким числом является 11.  $11 = 4 \cdot 2 + 3 = 3 \cdot 3 + 2$ . Второе число получится, если к 11 прибавить 12 = 23.  $23 = 4 \cdot 5 + 3 = 3 \cdot 7 + 2$ . Третье число получится, если к 23 также прибавить 12 и так далее по аналогии

Ответ: 11 ; 23 ; 35 ; 47 ; 59 ; 71 ; 83 ; 95

✓ 3

Пусть  $x_1$  и  $x_2$  — корни уравнения  $f(x) = x^2 + bx + c$ , а  $x_3$  и  $x_4$  — корни  $g(x) = x^2 + ax + d$ . По теореме Виета  $x_1 + x_2 = -\frac{b}{1} = -b$  и  $x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{1} = c$ , также по этой теореме  $x_3 + x_4 = -\frac{a}{1} = -a$  и  $x_3 \cdot x_4 = \frac{d}{1} = d$ . По этой теореме если  $x_1 + x_2 = x_3 + x_4$ , или же  $-b = -a$ , и  $x_1 \cdot x_2 = x_3 \cdot x_4$ , или же  $c = d$ , то корни  $x_1, x_2, x_3, x_4$  — общие корни  $f(x)$  и  $g(x)$ . Но это невозможно, так как  $b > a$  и  $d > c$ , то есть  $b \neq a$  и  $c \neq d$ . Следовательно,  $f(x)$  и  $g(x)$  не имеют общих корней. Угд  
 Ответ: нет, не возможно

NY

Если  $a=b=c=0$ , то  $0+0+0 \geq 0-0+0$  следовательно выполняется

$$a^2 + b^2 + c^2 = (a+b+c)^2 - 2ab - 2bc - 2ac$$

$$ab - bc + ac = (a+b+c)^2 - a^2 - b^2 - c^2 - ab - 3bc - ac$$

$$\text{Поэтому } (a+b+c)^2 - 2ab - 2bc - 2ac \geq (a+b+c)^2 - a^2 - b^2 - c^2 - ab - 3bc - ac$$

$$\begin{array}{c} \Downarrow \\ -ab - ac + bc \geq -a^2 - b^2 - c^2 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \Uparrow \\ a^2 + b^2 + c^2 \geq ab - bc + ac \end{array}$$