

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
82		Евдок Д.М.	

№3.

Дано

R, r

$r < R$

$\rho_* = 4\rho$

$F_A = 2T$

$V_* = ?$

Решение

Занедем 2 закон Ньютона.

$$m\vec{a} = \vec{F}_{01} + \vec{T} + m\vec{g}$$

$$OY: 0 = F_A - T - mg$$

$$\Rightarrow F_A = T + mg$$

$$F_A = \rho_* g V_* = 4\rho g V_*$$

$$T = \frac{F_A}{2} = \frac{\rho_* g V_*}{2} = 2\rho g V_*$$

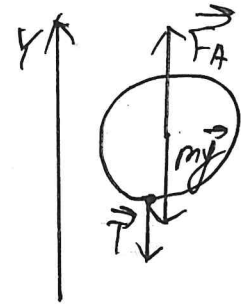
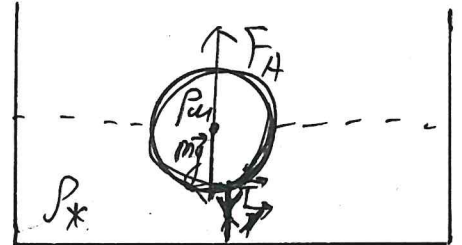
$$mg = \rho g V_* = \rho g \cdot \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$\Rightarrow F_A = T + mg$$

$$4\rho g V_* = 2\rho g V_* + \frac{4\rho g \pi r^3}{3}$$

$$\Rightarrow 2\rho g V_* = \frac{4\rho g \pi r^3}{3}$$

$$\Rightarrow V_* = \frac{2}{3} \pi r^3$$



1/2	3/4	5
10	18	20

82

$$\frac{V_{ш}}{V_{п}} = \frac{\frac{4}{3}\pi r^3}{\frac{2}{3}\pi r^3} = 2 \Rightarrow h = r \text{ (высота веры)}$$

Т.к. шарик погружен на половину, то высота веры $\frac{2r}{2} = r = h$

$$V_{шс} = V_{ш} - V_{п}$$

$$V_{ш} = S \cdot h = \pi R^2 h$$

$$\Rightarrow V_{шс} = \pi R^2 h - \frac{2}{3}\pi r^3 = \pi R^2 r - \frac{2}{3}\pi r^3$$

$$\Rightarrow V_{шс} = \pi r \left(R^2 - \frac{2}{3}r^2 \right)$$

Ответ: ~~$\pi r \left(R^2 - \frac{2}{3}r^2 \right)$~~ $V_{шс} = \pi r \left(R^2 - \frac{2}{3}r^2 \right)$

15.

Дано

v_1, v_2

$\alpha = 40^\circ$

$\mu = 0,02$

$\frac{v_1}{v_2} = ?$

Решение

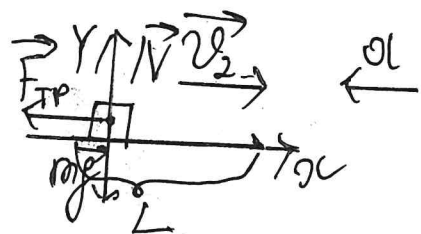
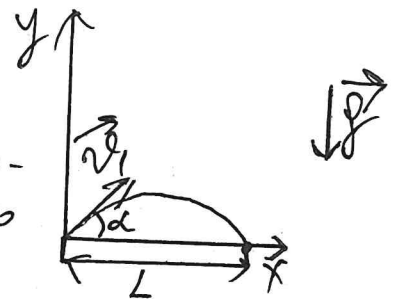
Должны полётать, когда точки пересечения и дуга касаются на одной высоте, можно вычислить по формуле:

$$L = \frac{v^2 \cdot \sin 2\alpha}{g}; 8$$

Точка L из второго случая

наблюдать:

$$L = \frac{0 - v_2^2}{2(-g)}$$



Зовём 2 закон Ньютона.

$$m\vec{a} = \vec{F}_{TP} + \vec{N} + m\vec{g}$$

$$\Rightarrow \text{OX: } -ma_1 = -F_{TP}$$

$$\text{OY: } \cancel{mg} = 0 = N - mg$$

$$\Rightarrow mg = N$$

$$F_{TP} = \mu N = \mu mg$$

$$\Rightarrow ma_1 = F_{TP} = \mu mg$$

$$\Rightarrow a_1 = \mu g.$$

$$L = \frac{-v_2^2}{2(-a_1)} = \frac{v_2^2}{2\mu g} \quad 6$$

$$L = \frac{v_1^2 \cdot \sin 2\alpha}{g}$$

$$\Rightarrow \frac{v_2^2}{2\mu g} = \frac{v_1^2 \cdot \sin 2\alpha}{g}$$

$$\Rightarrow \frac{v_1^2}{v_2^2} = \frac{1}{2\mu \sin 2\alpha} \quad 4$$

$$\Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{1}{2\mu \cdot \sin 2\alpha}}$$

$$\frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{1}{2 \cdot 0,02 \cdot \sin 80}} \approx 5 \quad 2$$

$$\Rightarrow v_1 > v_2 \text{ u } \frac{v_1}{v_2} = 5$$

Απάντηση: $v_1 > v_2$; $\frac{v_1}{v_2} = 5$

✓ 2.

Δοσμο

$$t_n = 0^\circ\text{C}$$

$$\tau_2 = 22,54$$

$$m_2 = 4 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

$$t_B = 20^\circ\text{C}$$

$$t_{oi} = -195^\circ\text{C}$$

$$\tau_1 = 24 \text{ s}$$

$$V_1 = 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$r = 199 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$\lambda = 0,33 \frac{\text{MJ}}{\text{kg}}$$

$$\rho_{oi} = ?$$

Решение

μ -μεταβολή ποσότητας θερμότητας

$$\mu = k(t_B - t_n) \quad \text{4}$$

Υποβλήθηκε για νεοβλεπών αναγωγών

$$\lambda m_2 = k(t_B - t_n) \tau_2$$

Υποβλήθηκε για κρυογενών αναγωγών

$$r m_{oi} = k(t_B - t_{oi}) \tau_1$$

$$m_{oi} = V_1 \cdot \rho_{oi}$$

$$\Rightarrow r V_1 \rho_{oi} = k(t_B - t_{oi}) \tau_1 \quad \text{4}$$

$$\lambda m_2 = k(t_B - t_n) \tau_2$$

Πορουμε 1 υποβλήθηκε και έμορσε

$$\frac{r V_1 \rho_{oi}}{\lambda m_2} = \frac{(t_B - t_{oi}) \tau_1}{(t_B - t_n) \tau_2} \quad \text{8}$$

$$\Rightarrow \rho_{oi} = \frac{\lambda m_2 (t_B - t_n) \cdot \tau_1}{r V_1 (t_B - t_{oi}) \cdot \tau_2}$$

$$\Rightarrow \rho_{oi} = \frac{0,33 \cdot 10^3 \cdot 4 \cdot 10^{-3} \cdot (20 + 195) \cdot 24}{199 \cdot 10^3 \cdot 10^{-3} \cdot (20 - 0) \cdot 22,4} = 76,4 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

Απάντηση: $\rho_{oi} = 76,4 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ 2

4

4.

Доано

$P_1; P_2$

$V_1; V_2$

Q_1

$Q_2 - ?$

Решение

$$Q_1 = A_{ADC} + \Delta U_{ADC} \quad 4$$

A_{ADC} — работа, соверш. (Полностью ΔA_{ADC})

$$A_{ADC} = \frac{-(V_2 - V_1)(P_2 - P_1)}{2}$$

Т.к. объем увеличивается в процессе ADC

$$\Rightarrow A_{ADC} < 0$$

$$\Rightarrow A_{ADC} = - \frac{(V_2 - V_1)(P_2 - P_1)}{2}$$

$$\Delta U_{ADC} = \frac{\nu}{2} R (T_A - T_C)$$

Рассмотрим процесс ABC

$$Q_2 = A_{ABC} + \Delta U_{ABC} \quad 4$$

$$A_{ABC} = - \frac{(P_2 - P_1)(V_2 - V_2)}{2}$$

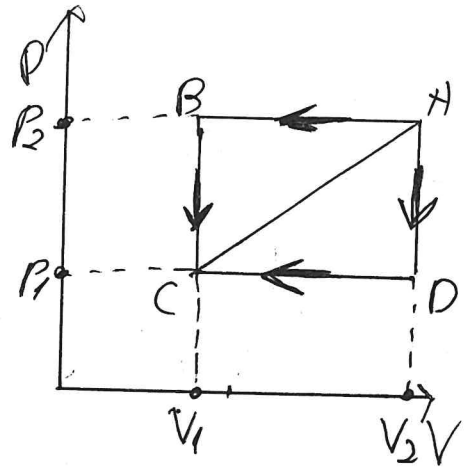
Работа слабо отрицательна, т.к. объем увеличивается.

$$\Delta U_{ABC} = \frac{\nu}{2} R (T_A - T_C)$$

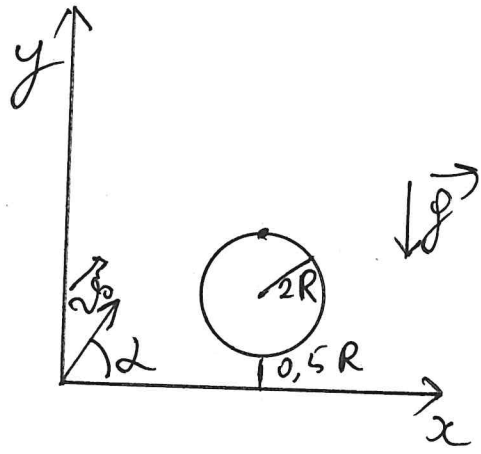
$$A_{ABC} \neq A_{ADC}; \Delta U_{ABC} = \Delta U_{ADC} \quad 6$$

$$\Rightarrow Q_1 = Q_2 \dots$$

Объемы: $Q_1 = Q_2$



N1.



Доно

Решение

$R \perp f$

Умоды колесы
касается шарика
перелетев через
кери, кумно, умоды ео
касательная

$\alpha - ?$

Висота шара равна высоте вершины шарика. Его скорость в этой точке, равно горизонтальной скорости, вертикальная скорость отсутствует.

$$\Rightarrow 2R + 2R + 0,5R = \frac{0 - v_{y0}^2}{2(-g)} - \frac{v_{y0}^2}{2g}$$

$$\Rightarrow 2R + 2R + 0,5R = \frac{0 - v_{y0}^2}{2(-g)} - \frac{v_{y0}^2}{2g}$$

$$v_{y0} = v_0 \cdot \sin \alpha$$

$$\Rightarrow 4,5R = \frac{v_0^2 \cdot \sin^2 \alpha}{2g}$$

$$\Rightarrow 9Rg = v_0^2 \cdot \sin^2 \alpha$$

$$\Rightarrow \sin \alpha = \frac{\sqrt{3Rg}}{v_0}$$

$$\Rightarrow \alpha = \arcsin \frac{\sqrt{3Rg}}{v_0}$$

Ответ: $\alpha = \arcsin \frac{\sqrt{3Rg}}{v_0}$