

ОТКРЫТАЯ РЕГИОНАЛЬНАЯ МЕЖВУЗОВСКАЯ ОЛИМПИАДА
ВУЗОВ ТОМСКОЙ ОБЛАСТИ «ОРМО»

020362

Шифр

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ
заключительного этапа

1.	Предмет	Математика																					
2.	Вариант	1																					
3.	Класс	11																					
4.	Фамилия	Н	а	з	ы	р	о	в															
	Имя	Э	м	и	л	ь																	
	Отчество	д	а	м	и	р	о	в	и	ч													
5.	Дата рождения	0	3			0	6			2	0	0	2										
		Число				Месяц				Год													
6.	Регион (пр: Томская обл., Алтайский край)	Республика Казахстан																					
7.	Вид муниципального образования (пр: село, город, пгт, деревня)	город																					
8.	Населенный пункт (пр: Томск, Кемерово, Асино)	Алматы																					
9.	Полное наименование образовательного учреждения, в котором Вы обучаетесь	КТУ „Лицей №166“																					

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись Назаров

10.	Контактный телефон	7	7	7	0	8	8	0	6	8	8	4	8										
11.	e- mail	e-mail@yandex.ru																					
12.	Профиль в вк	https://vk.com/yowassapp																					
13.	Документ, удостоверяющий личность					0 43 1 03 6 97																	
		серия				номер																	
		МВД Республики Казахстан кем и когда выдан 08.06.2018 кем и когда выдан																					
14.	Из числа лиц с ограниченными возможностями по здоровью (инвалид) (да/нет)	нет																					
15.	Сирота (да/нет)	нет																					
16.	Победитель или призер олимпиады прошлого года (да/нет)	да																					

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
19	16.03.20	Хмылёва Т.Е.	

№3. Подставим $x=1$

$$2019 \cdot \sqrt[3]{3,5-2,5} + 2018 \log_2(3-1) + m = 2020$$

$$2019 \sqrt[3]{1} + 2018 \log_2(2) + m = 2020$$

$$2019 + 2018 - 2020 = -m \quad m = -2017$$

Подставим $m = x=3$

$$2019 \sqrt[3]{10,5-2,5} + 2018 \log_2(9-1) + m = 2020$$

$$2019 \sqrt[3]{8} + 2018 \log_2 8 + m = 2020$$

$$2019 \cdot 2 + 2018 \cdot 3 + m = 2020$$

$$4038 + 6054 - 2020 = -m$$

$$m = -8072$$

с возрастанием m x убывает? почему?

Ответ: $m \in [-8072; -2017]$

55

№4. Произведение $(1-a)(1-b)(1-c)$ примет

наибольшее значение при $(1-a) = (1-b) = (1-c)$ *почему?*

$$1-a = \max \Rightarrow a=b=c = \min = \frac{1}{2} : 3 = \frac{1}{6}, \text{ т.к.}$$

$a+b+c \geq \frac{1}{2}$, значит, $\frac{1}{6}$ - наименьшее значение суммы.

Проверим для $a=b=c = \frac{1}{6}$

$$\left(\frac{5}{6}\right)^3 \leq \frac{125}{216} - \text{верно}$$

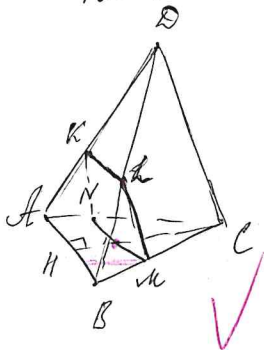
35

Значит, для других значений a, b, c будет выполняться неравенство $(1-a)(1-b)(1-c) < \frac{125}{216}$

№5. Пусть $ABCD$ - правильная треугольная пирамида
 $KLMN$ - сечение. $MN = NK = KL = LM = b$

$$AB = BC = AC = a$$

$$AD = BD = CD \quad \checkmark$$



1) Проведем высоту CK основания.

Отрезок MN разделит её в отношении $\frac{b}{a-b}$, считая от вершины (из подобия

треугольников. $\triangle ABC \sim \triangle MKC$)

2) $\triangle AKN \sim \triangle ACD$ с тем же коэффициентом \Rightarrow

$$\Rightarrow \frac{CD}{KN} = \frac{AC}{KN} = \frac{CD}{b} = \frac{a}{a-b} \quad \text{Отсюда выразим ребро } CD.$$

$$CD = \frac{b^2}{a-b}$$

3) По теореме Пифагора найдем высоту DO пирамиды:

$$DO = \sqrt{\frac{b^4}{(a-b)^2} - \frac{a^2}{3}} = \frac{\sqrt{3b^4 - a^2(a-b)^2}}{a-b}$$

4) Найдем объем пирамиды по формуле $V = \frac{1}{3} S h$

$$V_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} \cdot \frac{\sqrt{3b^4 - a^2(a-b)^2}}{a-b}$$

Ответ:
$$\frac{a^3 \sqrt{3} \sqrt{3b^4 - a^2(a-b)^2}}{12(a-b)}$$

4

№2 Пусть дядя Ваня идет пешком со скоростью v_1 , едет на велосипеде со скоростью v_2 , а на машине со скоростью v_3 . Тогда запишем систему уравнений:

$$\begin{cases} \frac{2}{v_1} + \frac{3}{v_2} + \frac{20}{v_3} = 1,1 \text{ (ч)} \\ \frac{5}{v_1} + \frac{8}{v_2} + \frac{30}{v_3} = 2,4 \text{ (ч)} \end{cases}$$

Найти: $\frac{4}{v_1} + \frac{5}{v_2} + \frac{80}{v_3} - ?$

Выразим v_1 и v_2 через v_3 .

$$\begin{cases} \frac{1}{v_1} = \frac{1,1 - \frac{3}{v_2} - \frac{20}{v_3}}{2} \\ 5,5 - \frac{15}{v_2} - \frac{100}{v_3} + \frac{16}{v_2} + \frac{60}{v_3} = 2,4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{v_1} = \frac{1,1 - \frac{3}{v_2} - \frac{20}{v_3}}{2} \\ \frac{40}{v_3} - \frac{1}{v_2} = 0,7 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{v_1} = \frac{1,1 - \frac{120}{v_3} + 2,1 - \frac{20}{v_3}}{2} \\ \frac{1}{v_2} = \frac{40}{v_3} - 0,7 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{v_1} = 1,6 - \frac{70}{v_3} \\ \frac{1}{2} = \frac{40}{v_3} - 0,7 \end{cases}$$

Подставим, чтобы ответить на вопрос задачи:

$$\frac{4}{v_1} + \frac{5}{v_2} + \frac{80}{v_3} = 6,4 - \frac{280}{v_3} + \frac{200}{v_3} - 3,5 + \frac{80}{v_3} = 6,4 - 3,5 = 2,9 \text{ (ч)} = 2 \text{ ч } 54 \text{ мин.}$$

Ответ: дяде Ване потребуется 2 часа 54 мин.

78