

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ  
заключительного этапа

1.	Предмет	Математика																						
2.	Вариант	1																						
3.	Класс	11 А																						
4.	Фамилия	Н	А	Б	О	К	А																	
	Имя	Е	В	Г	Е	Н	И	Й																
	Отчество	А	Л	Е	К	С	А	Н	А	Р	О	В	И	Ч										
5.	Дата рождения	2	7			0	4			2	0	0	2											
		Число		Месяц		Год																		
6.	Регион (пр: Томская обл., Алтайский край)	Новосибирская обл.																						
7.	Вид муниципального образования (пр: село, город, пгт, деревня)	город																						
8.	Населенный пункт (пр: Томск, Кемерово, Асино)	Купино																						
9.	Полное наименование образовательного учреждения, в котором Вы обучаетесь	Муниципальное бюджетное образова- тельное учреждение лицей №2																						

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись Кеет

10.	Контактный телефон	8	9	1	3	0	1	3	7	6	5	8											
11.	e-mail																						
12.	Профиль в вк	https://vk.com/																					
13.	Документ, удостоверяющий личность	5	0	1	5					4	6	1	7	2	4								
		серия				номер																	
		отделением УФСБ России по Новоси- кем и когда выдан																					
		Сиренской области в Купинском районе 10.05.2016 кем и когда выдан																					
14.	Из числа лиц с ограниченными возможностями по здоровью (инвалид) (да/нет)	нет																					
15.	Сирота (да/нет)	нет																					
16.	Победитель или призер олимпиады прошлого года (да/нет)	нет.																					

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
16	12.03.20	Тевуркина И.В.	Лу

1)  $x=1; y=\frac{1}{2}$  - удовлетворяют уравнению

$$\left(1 - \frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{2} - 2 + 2\right)^2 = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

2

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

Ответ:  $(1; \frac{1}{2})$

$$2) \begin{cases} \frac{2}{x} + \frac{3}{y} + \frac{20}{z} = \frac{11}{10} \\ \frac{5}{x} + \frac{8}{y} + \frac{30}{z} = 2\frac{24}{60} = \frac{12}{5} \\ \frac{4}{x} + \frac{5}{y} + \frac{80}{z} = t \end{cases}$$

$$\frac{1}{x} = a; \frac{1}{y} = b; \frac{1}{z} = c$$

$$\begin{cases} m \cdot 2a + 3b + 20c = \frac{11}{10} \\ n \cdot 5a + 8b + 30c = \frac{12}{5} \\ k \cdot 4a + 5b + 80c = t \end{cases}$$

7

Введём координаты:  $m, n, k$

$$\begin{cases} 2m + 5n = 11k & \cdot 3 & (1) \\ 3m + 8n = 12k & \cdot 2 & (2) \\ 20m + 30n = 80k & : 10 & \end{cases}$$

$$(2) - (1)$$

$$n = -2k$$

$$m = 7k$$

$$k = 1$$

$$n = -2$$

$$m = 7$$

$$\begin{cases} 14a + 21b + 140c = \frac{77}{10} & (1) \\ -10a - 16b - 60c = -\frac{24}{5} & (2) \\ 4a + 5b + 80c = t \end{cases}$$

$$(1) + (2)$$

$$\begin{cases} 4a + 5b + 80c = \frac{29}{10} \\ 4a + 5b + 80c = t \end{cases} \Rightarrow \frac{29}{10} = t$$

$$t = 2754 \text{ мин}$$

Ответ: 2754 мин

$$3) \quad 2019 \sqrt[3]{3,5x-2,5} + 2018 \log_2(3x-1) + m = 2020$$

$$2019 \sqrt[3]{3,5x-2,5} + 2018 \log_2(3x-1) = 2020 - m$$

левая часть возрастающая функция

Правая прямая

Найдём в каком промежутке находится  $y$

$$\text{при } x=1 \text{ и } x=3; \quad y = 2019 \sqrt[3]{3,5x-2,5} + 2018 \log_2(3x-1)$$

$$1) \quad y = 2019 \sqrt[3]{1} + 2018 \log_2 2$$

$$y = 2019 + 2018 = 4037$$

$$2) \quad y = 2019 \sqrt[3]{8} + 2018 \log_2 8$$

$$y = 4038 + 6054 = 10092$$

$$\text{Значит } y \in [4037; 10092] \Rightarrow 2020 - m \in [4037; 10092]$$

Найдём в каком промежутке находится  $m$ ,  
при  $y = 4037$  и  $y = 10092$

$$1) \quad -m = 4037 - 2020$$

$$m = -2017$$

$$2) \quad -m = 10092 - 2020$$

$$m = -8072$$

Ответ:  $m \in [-8072; -2017]$

$$4) \quad (1-a)(1-b)(1-c) \leq \left(\frac{5}{6}\right)^3, \text{ то можно предположить}$$

$$\begin{cases} 1-a \leq \frac{5}{6} \\ 1-b \leq \frac{5}{6} \\ 1-c \leq \frac{5}{6} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a \geq \frac{1}{6} \\ b \geq \frac{1}{6} \\ c \geq \frac{1}{6} \end{cases}$$

$$a < 1; b < 1; c < 1$$

$$a+b+c \geq \frac{1}{2}$$

$$a \in \left[\frac{1}{6}; 1\right)$$

$$b \in \left[\frac{1}{6}; 1\right)$$

$$c \in \left[\frac{1}{6}; 1\right)$$

Пусть  $a; b; c$  имеют наименьшее значение, тогда

$$\frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} \geq \frac{1}{2}$$

$$\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} \geq \frac{1}{2}$$

$a+b+c \geq \frac{1}{2}$  - неравенство выполняется