

Место для скобы

ОТКРЫТАЯ РЕГИОНАЛЬНАЯ МЕЖВУЗОВСКАЯ ОЛИМПИАДА «ОРМО»
ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ
заключительного этапа

03848

1.	Предмет	Математика																					
2.	Вариант	1																					
3.	Класс	8																					
4.	Фамилия	М	О	Н	Р	У	Ш																
	Имя	А	И	З	А																		
	Отчество	О	Р	Л	А	Н	О	В	Н	А													
5.	Дата рождения	1	9					0	4					2	0	0	9						
		Число		Месяц		Год																	
6.	Страна	Россия																					
7.	Регион (пр: Томская обл., Калининградская область)	Республика Тыва																					
8.	Вид муниципального образования (пр: пгт, деревня, село, город)	город.																					
9.	Населенный пункт (пр: Томск, Кемерово, Псков)	Кызыл																					
10.	Полное наименование образовательного учреждения, в котором Вы обучаетесь в данное время	МАОУ Лицей №15.																					

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись Монжуу

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
15	4.04.22	Труфанов И.О.	

№1.
$$\begin{cases} u + v \cdot w = 12 \\ v + w \cdot u = 12 \\ w + u \cdot v = 12 \end{cases}$$

1 2 3 4 5
~~1 2 3 4 5~~
~~1 2 3 4 5~~

Все возможные варианты ответов - все. (15)

Если $u = 3, v = 3, w = 3$, то также $u = 1, v = 1, w = 11$

$$\begin{cases} 3 + 3 \cdot 3 = 12 \\ 3 + 3 \cdot 3 = 12 \\ 3 + 3 \cdot 3 = 12 \end{cases} \quad \begin{cases} 1 + 1 \cdot 11 = 12 \\ 1 + 11 \cdot 1 = 12 \\ 11 + 1 \cdot 1 = 12 \end{cases}$$

Ответ: $u = 3, v = 3, w = 3; u = 1, v = 1, w = 11$

№2. Ответ: нет, невозможно, т.к. на строках могут быть только отрицательные числа

№4.
$$\frac{1}{1 + m + mn} + \frac{1}{1 + n + nr} + \frac{1}{1 + r + rm} = \frac{1}{nr}$$

$$\frac{1}{1 + \frac{1}{nr} + \frac{1}{nr} \cdot n} + \frac{1}{1 + n + nr} + \frac{1}{1 + nr + r \cdot \frac{1}{nr}} = \frac{1}{nr} \left(\frac{1}{1 + \frac{1}{nr} + \frac{1}{r}} + \frac{1}{1 + n + nr} + \frac{1}{1 + nr + \frac{1}{n}} \right)$$

$$\frac{1}{1 + n + nr} + \frac{1}{1 + nr + \frac{1}{n}} = \frac{1}{nr} \left(\frac{1}{nr + 1 + n} + \frac{1}{1 + n + nr} + \frac{1}{n + nr + 1} \right)$$

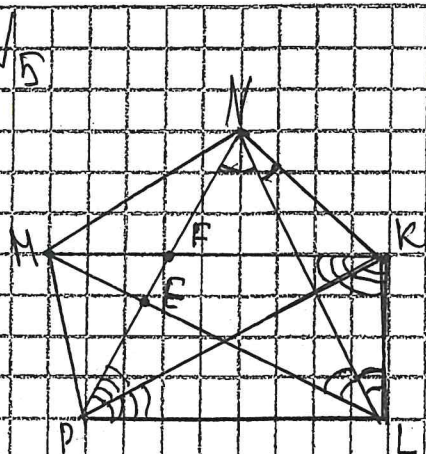
$$= \frac{nr}{nr + 1 + n} + \frac{1}{1 + n + nr} + \frac{n}{n + nr + 1} = \frac{nr + 1 + n}{nr + 1 + n} = 1. \quad \checkmark$$

№3.
$$g(x-y) = g(x) + g(y) - 2021(x+y)$$

$$g(x-y) - g(x) - g(y) + 2021(x+y) = 0$$

$$g(x-y) - g(x-y) + 2021(x+y) = 0$$

$$2021(x+y) = 2022$$



Дано: четырех. угловый $PMKLP$
 стороны ML и PK

$$\angle KNL = \angle LMP, \angle KLN = \angle NLM.$$

$$\angle MKP = \angle PKL, \angle MPK = \angle KPL$$

Доказ-ть: $KF = LE$

Доказ-во: $\triangle NLE = \triangle NKL$ по II признаку

$$(\text{одн. } NK; \angle ENL = \angle LNK, \angle KLN = \angle NLE) \Rightarrow \angle NEL = \angle NKL$$

$\triangle KFP = \triangle KLP$ по II признаку

$$(\text{одн. } PK; \angle FKP = \angle PKL, \angle FPK = \angle KPL) \Rightarrow \angle KFP = \angle KLP$$

$$\angle KFP = \angle NEL \Rightarrow \angle NKL = \angle KLP$$

$\triangle NKE = \triangle KLP$ по II признаку

$$(\text{одн. } KL; NK = PL, \angle KKL = \angle KLP)$$

$$\Rightarrow \angle KLN = \angle PKL, \text{ тк } \angle MKP =$$

$$\angle PKL \text{ и } \angle KLN = \angle NLM$$

$$\angle MKL = \angle KLP$$

Рассмотрим $\triangle KPL$, тк.

$$\angle MKL = \angle KLM \Rightarrow \triangle KML \text{ рбс.}$$

$$\Rightarrow KF = LE$$

~~7/8~~