

Место для скобы

ОТКРЫТАЯ РЕГИОНАЛЬНАЯ МЕЖВУЗОВСКАЯ ОЛИМПИАДА
ВУЗОВ ТОМСКОЙ ОБЛАСТИ «ОРМО»


019571

Шифр

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ
заключительного этапа

1.	Предмет	Математика																		
2.	Вариант	1																		
3.	Класс	8																		
4.	Фамилия	Л	Я	М	И	Н														
	Имя	Е	Г	О	Р															
	Отчество	А	Н	А	Р	Е	Е	В	И	Ч										
5.	Дата рождения	2	5																	
		Число		0	3															
				Месяц				2		0		0		5						
								Год												
6.	Регион (пр: Томская обл., Алтайский край)	Республика Тыва.																		
7.	Вид муниципального образования (пр: село, город, пгт, деревня)	Город																		
8.	Населенный пункт (пр: Томск, Кемерово, Асино)	Кызыл																		
9.	Полное наименование образовательного учреждения, в котором Вы обучаетесь	МАДУ „Ангел №15“																		

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись 

10.	Контактный телефон	4	7	9	4	3	5	1	4	4	4	7								
11.	e- mail	edotlyaminso@gmail.com																		
12.	Профиль в vk	https://vk.com/ -																		
13.	Документ, удостоверяющий личность	9	3	1	9															
		серия					6						2		2		0		7	
		МВД по республике Тыва.																		
		кем и когда выдан																		
		кем и когда выдан																		
14.	Из числа лиц с ограниченными возможностями по здоровью (инвалид) (да/нет)	НЕТ																		
15.	Сирота (да/нет)	НЕТ																		
16.	Победитель или призер олимпиады прошлого года (да/нет)	НЕТ																		

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
16	11.03.20	Коржиков Е.Е.	И

1. $(x - |x|)^2 + x + |x| = 2020$

при $x \geq 0$ $x - |x| = 0$.

$0 + x + |x| = 2020$.

$2x = 2020$

$x_1 = 1010$.

при $x < 0$ $x + |x| = 0$.

$(x - |x|)^2 + 0 = 2020$.

$(x - |x|)(x - |x|) = 2020$.

$x + 2x^2 + x^2 = 2020$.

$4x^2 = 2020$

$x^2 = 505$.

$x_2 = \pm\sqrt{505}$.

$x_2 = -\sqrt{505}$

$x = \sqrt{505}$ - не удовлетворяет условиям

1	2	3	4	5	2
7	6	0	3	0	16

Ответ: $x_1 = 1010$, $x_2 = -\sqrt{505}$.

2. от 10 до 99.

$x : 4 = y + 3$

x - нечетное число.

$x : 3 = y + 2$

$x \in \{11, 23\}$.

заполнительность = +12
пути

$2 \cdot 4 + 3 = 11$.

$3 \cdot 4 + 3 = 15$.

$4 \cdot 4 + 3 = 19$ и т.д.

$5 \cdot 4 + 3 = 23$ и т.д.

ам. пути = 4.

2. $23 + 12 = 35$.

3. $35 + 12 = 47$.

4. $47 + 12 = 59$.

5. $59 + 12 = 71$.

6. $71 + 12 = 83$.

7. $83 + 12 = 95$.

$3 \cdot 3 + 2 = 11$.

$4 \cdot 3 + 2 = 14$.

$5 \cdot 3 + 2 = 17$.

$6 \cdot 3 + 2 = 20$.

$7 \cdot 3 + 2 = 23$.

Ответ: $35, 11, 23, 35, 47, 59, 71, 83, 95$.

$$a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ca.$$

1. $a^2 + b^2 \geq ab$, т.к. при значениях $a < 0$ или $b < 0$ $a^2 + b^2 > a \cdot b$,

потому что $a^2 > 0, b^2 > 0$ и $a \cdot b < 0$; при значениях $a > b$ или $b > a$

$a^2 > ab$, а при $b > a$ $b^2 > a \cdot b$; при $a < 0$ и $b < 0$ $b^2 > 0, a^2 > 0$.

$a \cdot b > 0$, но т.к. угадывалось равенство $a^2 > ab, b^2 > ab$.

2. $a^2 + c^2 > ca$, т.к. при значениях $a < 0$ или $c < 0$, а потому

что $a^2 > 0, c^2 > 0, a \cdot c < 0$; при значениях $a > c, c > a$,

$a^2 > ac, c^2 > ac$; при значениях $a < 0, a < c < 0$ ~~$b^2 > ac, a^2 >$~~

3. $b^2 + c^2 > bc$, при $b > 0, c > 0$ $b^2 + c^2 > -bc$; при $b < 0$ или $c < 0$ $a^2 > ac, c^2 > ac$.

$b^2 > -bc, c^2 > -bc$; при $b > c, b < c$ $b^2 > -bc, c^2 > -bc$.

4. при $a=b=c=0$ то $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$.

Ответ: при любых значениях a, b, c выполняется неравенство.

$$\sqrt{3}. \quad x^2 + bx + c = 0 \quad x^2 + ax + d = 0.$$

т.к. $0 < a < b < c < d$ то $x \leq 0$, а т.к. они по условию имеют один пересек $D=0$

$$D_1 = b^2 - 4ac = b^2 - 4c = 0$$

$$D_2 = a^2 - 4d = 0 \quad b = \pm\sqrt{4c} \quad b_1 = -\sqrt{4c} \quad \text{т.к. } b \neq 0 \text{ - по условию}$$

$$a = \pm\sqrt{4d} \quad d = \sqrt{4d} \quad \text{т.к. } d > 0 \text{ по условию.}$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{D_1}}{2} = \frac{b \pm \sqrt{0}}{2} = \frac{b}{2}. \quad x = \frac{-a \pm \sqrt{D_2}}{2} = \frac{a \pm \sqrt{0}}{2} = \frac{a}{2},$$

$\frac{b}{2} > \frac{a}{2}$. т.к. $b > a$.

Ответ: нет, невозможно, т.к. $\frac{b}{2} > \frac{a}{2}$.