

ОТКРЫТАЯ РЕГИОНАЛЬНАЯ МЕЖВУЗОВСКАЯ ОЛИМПИАДА  
ВУЗОВ ТОМСКОЙ ОБЛАСТИ «ОРМО»

020716

Шифр

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ  
заключительного этапа

1.	Предмет	Математика											
2.	Вариант	2 вариант											
3.	Класс	8											
4.	Фамилия	Караченцев											
	Имя	Николай											
	Отчество	Александрович											
5.	Дата рождения	0	2										
		Число		0		3		2		0		05	
		Месяц											
		Год											
6.	Регион (пр: Томская обл., Алтайский край)	Томская область											
7.	Вид муниципального образования (пр: село, город, пгт, деревня)	город											
8.	Населенный пункт (пр: Томск, Кемерово, Асино)	г. Томск											
9.	Полное наименование образовательного учреждения, в котором Вы обучаетесь	МДОУ гимназия № 13											

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись



10.	Контактный телефон	8 9 1 3 8 4 1 3 0 2 0											
11.	e-mail	kna@tomsk.cc											
12.	Профиль в вк	<a href="https://vk.com/karachen">https://vk.com/karachen</a>											
13.	Документ, удостоверяющий личность	6 9 1 9				8 5 6 7 2 5							
		серия				номер							
		УМВД России по ТПО											
		кем и когда выдан											
		кем и когда выдан											
14.	Из числа лиц с ограниченными возможностями по здоровью (инвалид) (да/нет)	нет											
15.	Сирота (да/нет)	нет											
16.	Победитель или призер олимпиады прошлого года (да/нет)	нет											

## Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
165	18.03.20	Тендрин	

Задание 4:

$$(x - |x|)^2 + 2020(x + |x|) = 2020$$

Рассмотрим три случая:

1.  $x > 0$     2.  $x < 0$     3.  $x = 0$

$$\begin{array}{r|l} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ \hline 4 & 7 & 1 & 4 & 0 \end{array}$$

1.  $(x - |x|)^2 + 2020(x + |x|) = 2020$     При  $x \geq 0$

$$2020 \cdot 2x = 2020$$

$$x = \frac{2020}{4040}$$

$$x_1 = 0,5$$

45

2.  $(x - |x|)^2 + 2020 \cdot 0 = 2020$     При  $x < 0$

$$(-2x)^2 = 2020$$

$$4x^2 = 2020$$

$$x^2 = 505$$

$$x_2 = \sqrt{505}$$

3.  $(x - |x|)^2 + 2020(x + |x|) = 2020$     При  $x = 0$

$$0 \neq 2020$$

Ответ:  $x_1 = 0,5$ ;  $x_2 = \sqrt{505}$

2. При нахождении чисел, удовлетворяющих условию, нужно создать массив чисел, который удовлетворяет следующим условиям:

2.1. — сумма всех цифр в числах должна быть кратна  $3 + 1$ ;

2.2. — все числа — двузначные; всего чисел в массиве будет 29:

13	31	49	67	85
16	34	52	70	88
19	37	55	73	91
22	40	58	76	94
25	43	61	79	97
28	46	64	82	

1	2	3	4	5
4	7	1	4	0

75

После чего, выедем в нём все числа, которые при делении на 5 дают остаток 3  $\Rightarrow$  оканчиваются на 3 или 8;

Разность между соседними числами равна 15, т.к. это наименьшее число, которое удовлетворяет все условия делиться на 3 и 5.

Ответ: 13, 28, 43, 58, 73, 88. ✓

3. При решении задачи можно обозначить равенство корней как

$$x^2 + tx + n = x^2 + kx + l$$

Если соблюдены условия:

$$k > t > n > l > 0$$

различно быть соблюдено уравнение:

$$kx - tx = n - l$$

Возьмём  $x = 1$ ;  $k, t, n$  и  $l$  равными

4, 3, 2 и 1 соответственно

$$4 - 3 = 2 - 1$$

Вывод: ~~уже~~ возможна ситуация, при которой  $f(x)$  и  $p(x)$  имеют общие корни;

Ответ: ра, такая ситуация возможна.

ответ неверен

4. При решении проверит несколько условий:

- $\left. \begin{array}{l} \checkmark 1. b > c; \\ \checkmark 2. b < c; \\ \checkmark 3. b = c; \end{array} \right\} \text{положительные}$
- $\left. \begin{array}{l} \checkmark 1. b > c; \\ \checkmark 2. b < c; \\ \checkmark 3. b = c; \end{array} \right\} \text{отрицательные}$
- $\left. \begin{array}{l} 1. b = 0; c \neq 0 \\ 2. c = 0; b \neq 0 \end{array} \right\} \text{положительные}$
- $\left. \begin{array}{l} 1. b = 0; c \neq 0 \\ 2. c = 0; b \neq 0 \end{array} \right\} \text{отрицательные}$
- 1.  $b = c = 0$
- $\left. \begin{array}{l} 1. b > c; c < 0 \\ 2. b < c; b < 0 \end{array} \right\} \text{разность знаков}$

45

$$1. a^2 + 2^2 + 1^2 \geq 2 \cdot 2 - 2 \cdot 1 - 2 \cdot 2 \quad | +(-5) \quad b > c$$

$$a^2 \geq 2 - 7 \quad \text{доказано}$$

$$2. a^2 + 1^2 + 2^2 \geq 2 \cdot 1 - 1 \cdot 2 - 2 \cdot 2 \quad | +(-5) \quad b < c$$

$$a^2 \geq -2 - 7 \quad \text{доказано}$$

$$3. a^2 + 2^2 + 2^2 \geq 2 \cdot 2 - 2 \cdot 2 - 2 \cdot 2 \quad | +(-8) \quad b = c$$

$$a^2 \geq -12 \quad \text{доказано}$$

Далее по аналогичному принципу будут представлены только итоговые неравенства

2.  $a^2 \geq -3a - 5$  доказано  
 1.  $a^2 \geq -3a - 2$  доказано  
 3.  $a^2 \geq -4$  доказано

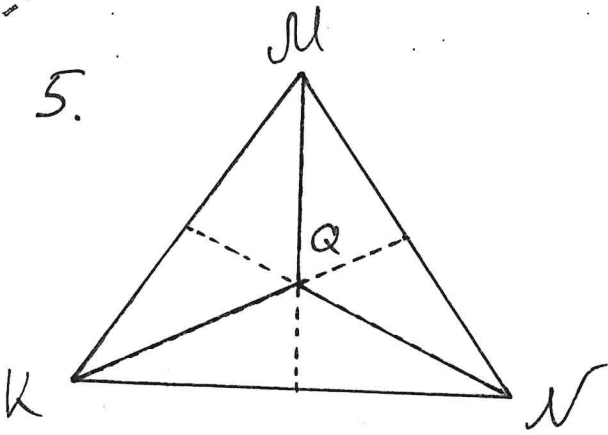
По аналогичной конструкции мы можем решить  
 другие условия, но как и всегда получим  
 или  $a^2 \geq -x$ , где  $x$  — положительное,  
 или  $a^2 \geq xa - y$ , где  $y$  — всегда положительное,  
 поэтому правая часть будет всегда меньше  
 левой или равняться ей, когда значение  
 $a = 0, b = c = 0$ ;

Доказано

Недостаточное  
 обоснование

~~Ответ:~~

5.



Дано:

$$\begin{aligned}
 MN^2 + QK^2 &= \\
 &= NK^2 + MQ^2 = MK^2 + NQ^2
 \end{aligned}$$

Найти:

Отношение (.) Q к  $\triangle MNK$ ;

Решение:

~~$KQ = NQ$ , т.к. общая сторона в равенстве~~

~~$MN$  Сумма первой степени будет равняться так же и не в равнобедренном треугольнике,~~

Т.к. соотношение суммированных отрезков

равна, то можно утверждать, что  $KM = MN = KN$ ,

но при этом невыполнены неравенства при их равенстве  $\Rightarrow \triangle MNK$  — равнобедренный и равносторонний

Из этого уже следует, что (.) Q — точка

пересечения высот, биссектрис и медиан, или

центр равностороннего треугольника.

Ответ: (.) Q — центральная точка треугольника

$MNK$  или точка пересечения медиан, биссектрис и высот.