

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
19	31.03.21	Корякина Е.Е.	М

N1

$$\frac{2(a^4b + ab^4)}{a^2 - ab + b^2} - \frac{(b^4 - a^4)(b+a)}{a^2 - b^2} - \frac{2ab(a^3 + b^3)}{a^2 - ab + b^2} + \frac{(b^2 - a^2)^2(a+b)}{(b^2 - a^2)} =$$

$$= \frac{2ab(a+b)(a^2 - ab + b^2)}{(a^2 - ab + b^2)} + \frac{(b^2 - a^2)(b+a)(a+b)}{(b^2 - a^2)} - 2ab \cdot (a+b) + (b^2 + a^2)(a+b) =$$

$$= (a+b)(a^2 + 2ab + b^2) = (a+b)^3 = (14.44 - 15.556)^3 = (-3)^3 = -27$$

2021 2020

N2

$$\begin{cases} x^2 + 2y^2 - 2xz = 700 \\ 2xy - z^2 = 700 \end{cases}$$

$$x^2 + 2y^2 - 2xz = 2xy - z^2$$

$$(x^2 - 2xz + z^2) - 2xy + 2y^2 = 0$$

$$(x-z)^2 + (y^2 - 2xy + x^2) + y^2 - x^2 = 0$$

$$(x-z)^2 + (y-x)^2 + (y^2 - x^2) = 0$$

Такое равенство возможно только, когда каждый из множителей равен 0.

$$\begin{cases} x^2 + y^2 \geq 2xy & 2xy = 700 + z^2 \\ x^2 + z^2 \geq 2xz & 2xz = x^2 + 2y^2 - 700 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x^2 + y^2 \geq 700 + z^2 \\ x^2 + z^2 \geq x^2 + 2y^2 - 700 \end{cases}$$

1	2	3	4	5	Σ
6	5	3	5	0	19

$$2x^2 + y^2 + z^2 = x^2 + 2y^2 + z^2 + 100 - 100$$

$$2x^2 + y^2 + z^2 = x^2 + 2y^2 + z^2$$

$$x^2 - y^2 = 0$$

$$(x-z)^2 + (y-x)^2 + (y-z-x)^2 = 0$$

$$(x-z)(x+z) = 0 \quad (y-x)(y+x) = 0$$

$$x = \pm z$$

$$y = \pm x$$

$$x = y = z$$

$$x_1 = 70$$

$$y_1 = 70$$

$$z_1 = 70$$

$$-x_2 = -70$$

$$y_2 = -70$$

$$z_2 = -70$$

X
/

N3

$$f_1(x) = x^2 + ax + b = 1$$

$$1 + a + b = 1$$

$$1 + c + d = 1$$

$$f_2(x) = x^2 + cx + d = 1$$

$$a = -b$$

$$c = -d$$

$$a^{2027} + d^{2020} > c^{2020} - b^{2027}$$

$$2d^{2020} > -b^{2027} + b^{2027}$$

$$2d^{2020} > 0$$

$$d^{2020} > 0$$

$$d > 0$$

$$-b^{2027} + d^{2020} > d^{2020} - b^{2027}$$

$$0 > 0$$

see base?

→

N4

$$a^4 + b^4 + c^4 \geq a^2bc + b^2ac + c^2ab$$

$$\frac{a^4 + b^4}{2} \geq a^2b^2 +$$

$$\frac{a^4 + c^4}{2} \geq a^2c^2 +$$

$$\frac{b^4 + c^4}{2} \geq b^2c^2$$

$$2(a^4 + b^4 + c^4) \geq 2(a^2b^2 + a^2c^2 + b^2c^2)$$

$$a^4 + b^4 + c^4 \geq a^2b^2 + a^2c^2 + b^2c^2$$

$$\frac{a^4 + b^2c^2}{2} \geq a^2bc +$$

$$\frac{b^4 + a^2c^2}{2} \geq b^2ac +$$

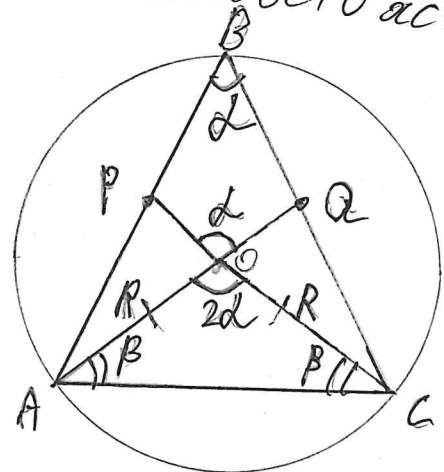
$$\frac{c^4 + a^2b^2}{2} \geq c^2ab$$

$$(a^4 + b^4 + c^4) + (a^2b^2 + a^2c^2 + b^2c^2) \geq 2(a^2bc + b^2ac + c^2ab)$$

$$2(a^4 + b^4 + c^4) + (a^2b^2 + a^2c^2 + b^2c^2) \geq 2(a^2bc + b^2ac + c^2ab) + (a^2b^2 + a^2c^2 + b^2c^2)$$

$$a^4 + b^4 + c^4 \geq a^2bc + b^2ac + c^2ab$$

N5



$AO = OC = R \Rightarrow \angle AOC = \text{равноб.}$

$\angle A = \angle C = \beta$

$$2\alpha + 2\beta = 180$$

$$\alpha + \beta = 90$$

$\angle AOC = 2\alpha$ (отмечается на $\angle AC$)

$\angle ABC$ вписанной на $\angle AC$
Поэтому $\angle ABC = \alpha$