

ОКРЫТАЯ РЕГИОНАЛЬНАЯ МЕЖВУЗОВСКАЯ ОЛИМПИАДА «ОРМО»
 ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ
 заключительного этапа

07809

Шифр

ет	Математика													
нт	1													
	11													
ия	И	С	А	В	Е	Р	А	О	В					
	М	А	Р	К										
во	А	Р	Т	Е	М	О	В	И	Ч					
ождения	1	9			0	8			2	0	0	5		
	Число				Месяц				Год					
1	Россия													
1 (пр: Томская обл., инградская область)	Кемеровская область													
иципального образования , деревня, село, город)	город													
нный пункт (пр: Томск, во, Псков)	Прокотьевск													
е наименование вательного учреждения, ом Вы обучаетесь в : время	ИБФУ школа №32													

сие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail
 ультатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись

Исаев

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
14		Емельянова	Ем

1 2 3 4 5 Σ
2 2 7 3 14

Задача 2.

$$2 \ln(x^2 - 2023) - \ln 2^{x^2 - 2022} = 0$$

Замена:

$$x^2 - 2023 = t$$

$$2 \ln t = \ln 2^{t+1}$$

$$2^{t+1} = e^{2 \ln t}$$

$$2^{t+1} = e^{\ln t^2}$$

$$2^{t+1} = t^2$$

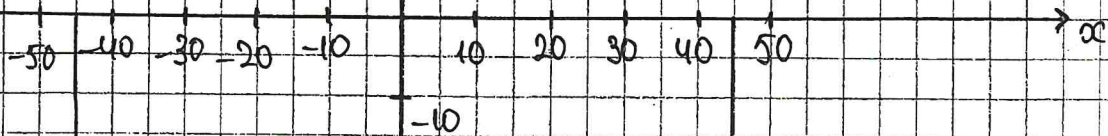
$$y = 2^{t+1}$$

$$y = 2^{x^2 - 2022}$$

y

$$y = t^2$$

$$y = x^4 - 2x^2 \cdot 2023 + 2023^2$$



III. К графики направлены параболы друг другу — они никогда не пересекутся \Rightarrow корней нет.

Ответ: 0 (нет корней)

Задача 4.

$$(x_1 + x_2 + x_3) \left(\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_3} \right) = -1$$

$$(x_1 + x_2 + x_3) \left(\frac{x_2 x_3 + x_1 x_3 + x_1 x_2}{x_1 x_2 x_3} \right) = -1$$

$$(x_1 + x_2 + x_3) (x_2 x_3 + x_1 x_3 + x_1 x_2) = -x_1 x_2 x_3$$

По теореме Виета для кубического уравнения:

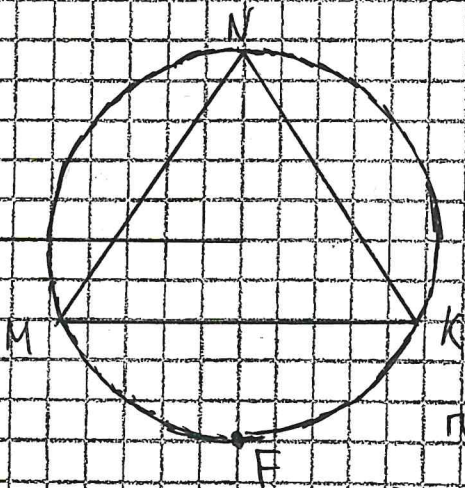
$$(x_1 x_2 + x_2 x_3 + x_1 x_3) = \frac{b}{a}$$

$$x_1 x_2 x_3 = \frac{b}{a}$$

Значит: $x_1 + x_2 + x_3 = -\frac{a}{a} = -1 \Rightarrow -1 \cdot \frac{b}{a} = -\frac{b}{a}$

Ч.т.д.

Задача 5



Возьмем точку F, находящуюся на окружности. Если начать перемещать её в сторону любой из точек (M, N, K), то она будет отделяться от двух оставшихся точек, пропорционально равным

приблизительно. Пусть F точка окружности с длиной 120. Пусть $FM = 30$; $FK = 40$; $FN = 50$, *поэтому так возможно?*

тогда переместим точку F в сторону точки K на x : $FK = 20$, а оставшиеся точки: $FN + x + FM + x + FK = 120$; $100 + 2x = 20 \Rightarrow$

$\Rightarrow 2x = 20 \Rightarrow x = 10 \Rightarrow$ точки будут удалены от F пропорционально при любой F $\Rightarrow FM^2 + FN^2 + FK^2$ не зависит от

точки F. Ч.т.д.

Задача 9.

$$\frac{2a}{3(b+c)} + \frac{2b}{3(a+c)} + \frac{2c}{3(a+b)} \geq 1$$

При любых из положительных значений a, b, c выраже-

ние будет ≥ 1 , докажем это

$$\frac{\frac{2a}{(b+c)(a+b)}}{\frac{2a}{3(b+c)}} + \frac{\frac{2b}{(b+c)(a+c)}}{\frac{2b}{3(a+c)}} + \frac{\frac{2c}{(b+c)(a+b)}}{\frac{2c}{3(a+b)}} \geq 1$$

$$\frac{(2a^2 + 2b^2 + 2c^2)(a+b+c) + 6abc}{3a^2(b+c) + 3b^2(a+c) + 3c^2(a+b) + 6abc} \geq 1$$

Предположим, что $a = 0,1$; $b = 0,2$; $c = 0,3$, тогда:

$$\frac{\frac{1}{2} \cdot 0,2}{1,5} + \frac{1,5 \cdot 0,4}{1,2} + \frac{2}{0,9} \geq 1$$

$$\frac{0,24 + 0,6 + 1,2}{1,8} \geq 1$$

$$\frac{2,04}{1,8} \geq 1$$

$$\frac{2,04}{1,8} \approx 1,13$$

$$1,13 \geq 1$$

У.Т.Д.