

Место для
скобы

ОТКРЫТАЯ РЕГИОНАЛЬНАЯ МЕЖВУЗОВСКАЯ ОЛИМПИАДА
ВУЗОВ ТОМСКОЙ ОБЛАСТИ «ОРМО»

019877

Шифр

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ
заключительного этапа

1.	Предмет	Математика																					
2.	Вариант	1.																					
3.	Класс	8																					
4.	Фамилия	Х	А	Л	И	М	О	В															
	Имя	С	Е	М	Ё	Н																	
	Отчество	И	Л	Ь	И	Ч																	
5.	Дата рождения	0	1					0	4					2	0	0	5						
		Число				Месяц				Год													
6.	Регион (пр: Томская обл., Алтайский край)	Республика Хакасия																					
7.	Вид муниципального образования (пр: село, город, пгт, деревня)	город																					
8.	Населенный пункт (пр: Томск, Кемерово, Асино)	Абакан																					
9.	Полное наименование образовательного учреждения, в котором Вы обучаетесь	МБОУ «Лицей»																					

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись 

10.	Контактный телефон	8	9	5	3	2	5	5	6	8	1	2											
11.	e- mail	semkhal@mail.ru																					
12.	Профиль в vk	https://vk.com/																					
13.	Документ, удостоверяющий личность	9	5	1	9									9	8	2	2	0	9				
		серия				номер				МВД по Республике Хакасия													
															кем и когда выдан								
													30.04.2019										
													кем и когда выдан										
14.	Из числа лиц с ограниченными возможностями по здоровью (инвалид) (да/нет)	нет																					
15.	Сирота (да/нет)	нет																					
16.	Победитель или призер олимпиады прошлого года (да/нет)																						

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
21	12.03.20	Хмелева Г. Е	

№1

$$(x - |x|)^2 + x + |x| = 2020$$

$$x^2 - 2x \cdot |x| + |x|^2 + x + |x| = 2020$$

$$x^2 - 2x \cdot |x| + x^2 + x + |x| = 2020$$

$x > 0$

$x < 0$

$$2x^2 - 2x \cdot x + x + x + x = 2020, x \geq 0$$

$$2x^2 - 2x^2 + 2x = 2020$$

$$2x = 2020$$

$$x = 1010$$

$$2x^2 + 2x \cdot (-x) + x - x = 2020, x < 0$$

$$2x^2 + 2x^2 = 2020$$

$$4x^2 = 2020$$

$$x^2 = 505$$

$$x_1 = -\sqrt{505}$$

$$x_2 = \sqrt{505} \text{ не удовлетворяет } x < 0$$

$$x_3 = -\sqrt{505}$$

Отв: 1010; $-\sqrt{505}$.

78

№2

Т.к. $ab = 4 = x \pmod{3}$ (I), а $ab = 3 = y \pmod{2}$ (II), то нам надо искать такие числа равные ab :

8:4 8+3=11, 11:3=3 (ост 2) - (II) условие выполняется $\Rightarrow ab=11$

12:4 12+3=15, 15:3=5 - без остатка $\Rightarrow ab \neq 15$

16:4 16+3=19, 19:3=6 (ост 1) - (II) не выполняется $\Rightarrow ab \neq 19$

20:4 20+3=23, 23:3=7 (ост 2) - (II) вым. $\Rightarrow ab=23$

32:4 32+3=35, 35:3=11 (ост 2) $\Rightarrow ab=35$

Из этих вычисления мы наблюдаем закономерность. Если из 23 вычесть 11, а из 35 вычесть 23, то получим: $23-11=12$, $35-23=12$, мы видим, что при вычитании чисел получаем 12 \Rightarrow к последующим числам можно прибавлять 12. Мы получим числа: 11, 23, 35, 47, 59, 71, 83, 95. Они удовлетворяют условиям задачи.

Отв: 11, 23, 35, 47, 59, 71, 83, 95.

78

№4

$$a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ca \quad | \cdot 2$$

$$2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab + 2bc - 2ca \geq 0$$

$$(a^2 - 2ab + b^2) + (b^2 + 2bc + c^2) + (a^2 - 2ac + c^2) \geq 0$$

$$(a-b)^2 + (b+c)^2 + (a-c)^2 \geq 0 = \text{левая часть, очевидно } > 0$$

78

√3.

Дано:

$$f(x) = x^2 + bx + c$$

$$g(x) = x^2 + ax + d$$

$$0 < a < b < c < d$$

Решение.

Поняли: $a=1, b=2, c=3, d=4 \Rightarrow$

$$f(x) = x^2 + 2x + 3 \text{ и } g(x)$$

при $x=1$

$$f(x) = 1 + 2 + 3 = 6$$

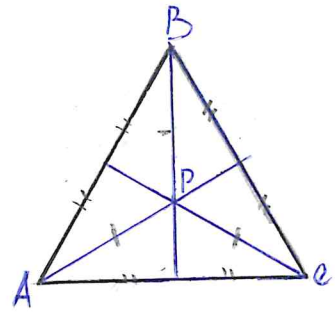
$$g(x) = 1 + 1 + 4 = 6$$

?

05

Ответ: возможно, при $x=1$.

√5



Дано: $\triangle ABC$ - остроугольный;

P - внутренняя точка $\triangle ABC$

$$AB^2 + PC^2 = BC^2 + AP^2 = AC^2 + BP^2$$

нужно доказать P

Док-во.

$$AB^2 + PC^2 = BC^2 + AP^2 = AC^2 + BP^2$$

Если это равенство записать без квадратов, то получим:

$$AB + PC = BC + AP = AC + BP \Rightarrow AB = BC = AC \text{ и } PC = AP = BP \Rightarrow$$

$\triangle ABC$ - равносторонний, а точка P является центром.

05

ЛТЯ.