

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
16	1.04.21	Корякина Э.Э.	М

N2

$$\sin x + 9\sin^3 x + 2020 \sin^5 x = \cos(2x) + \cos^3(2x) + 2020 \cos^5(2x)$$

Введем функцию

2	2	3	4	5	Σ
2	7	15	10	21	16

$$F(z) = z + z^3 + 2020z^5 \Rightarrow \text{Найдем производную}$$

$$F'(z) = 1 + 3z^2 + 10100z^4 > 0 \Rightarrow \text{функция монотонно возрастает}$$

функции монотонно возрастают, следовательно они пересекаются в одной точке

$$F(z_1) = F(z_2)$$

$$F(\sin x) = F(\cos 2x)$$

$$\sin x = \cos 2x$$

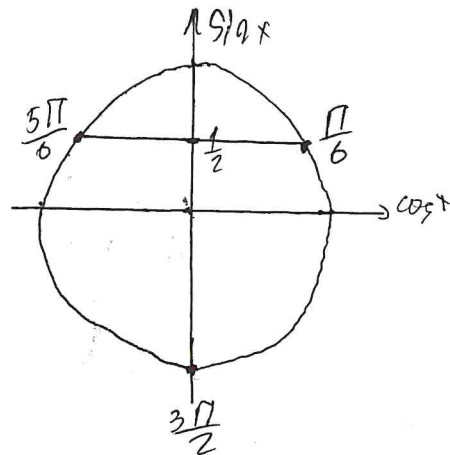
$$\sin x = 1 - 2\sin^2 x$$

$$2\sin x + \sin x - 1 = 0$$

$$2f^2 + f - 1 = 0$$

$$f_1 = \frac{1}{2}$$

$$f = -1$$



Ответ: $\frac{\pi}{6} + 2\pi n$; $\frac{5\pi}{6} + 2\pi n$; $\frac{3\pi}{2} + 2\pi n$ АБЗ

х

11

$$\frac{1}{x} - \frac{1}{x^2 + 2021}; \quad x - \frac{1}{x}; \quad \frac{1}{x^2 + 2021} - \frac{1}{x}$$

при каком из все значений является целым?

Число $x - \frac{1}{x}$ является целым только при знаменателе 1, -1 ?

$x = 1 \quad 1 - \frac{1}{1} = \text{целое}$

$x = -1 \quad -1 - \frac{1}{-1} = \text{целое}$

решения являются только эти значения

⇒ подставим эти значения в формулу

$x = 1 \quad 1 - \frac{1}{2021} = \text{не целое}$

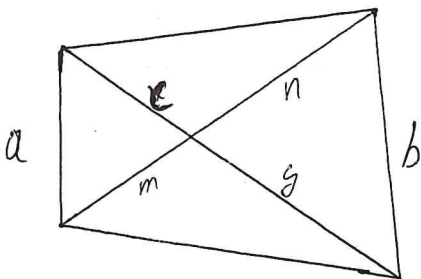
$x = -1 \quad -1 - \frac{1}{2021} = \text{не целое}$

Следовательно, не существует числа, которое подходит условию

Ответ: числа x подходящие условию нет

X

15



$$S = \frac{1}{2} d \cdot x \cdot \sin \alpha = 32$$

$$m + n = 16$$

$$p + q = 16$$

$$d \cdot x \cdot \sin \alpha = 64$$

$$\sin \alpha = \frac{64}{d \cdot x} \leq 1$$

$$d \cdot x \geq 64$$

$$8 \geq d$$

$$d \cdot x \cdot 8 \geq 64$$

$$d \geq 8$$

$$(m+n) + (p+q) = a+b$$

$$\begin{matrix} \parallel & & \parallel \\ d & & x \\ & & 16-d \end{matrix}$$

$$d + x \geq 16 - d$$

$$2d + x > 16$$

$$x > 16 - 2d$$

$$x > 2(8 - d)$$

$$d > 0$$

$$x < 16$$

Ответ: $8 \leq x < 16$

X

N 3

$$F(x) = x^n + 5x^{n-1} + 3 \quad n > 1$$

З: $-3; +3; -1; +1$

Вставим их в формулу $F(x)$

$$F(-3) = (-3)^n + 5(-3)^{n-1} + 3 \neq 0$$

$$F(3) = 3^n + 5 \cdot 3^{n-1} + 3 \neq 0$$

$$F(-1) = (-1)^n + 5(-1)^{n-1} + 3 \neq 0$$

$$F(1) = 1^n + 5 \cdot 1^{n-1} + 3 \neq 0$$

$$\begin{aligned} F(3) &= 3^{n-1}(3+5) + 3 \neq 0 \\ F(-3) &= -3^{n-1}(-3+5) + 3 \neq 0 \\ F(1) &= 1+5+3 \neq 0 \\ F(-1) &= -1+5+3 \neq 0 \end{aligned}$$

и кор., кор. ?

не являются корнями, и нельзя
представить в виде произведения
многочленов.

Ответ: нельзя

✗