

ТКРЫТАЯ РЕГИОНАЛЬНАЯ МЕЖВУЗОВСКАЯ ОЛИМПИАДА «ОРМО»  
 ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ  
 заключительного этапа

07856

Шифр

лет	<i>Гидика</i>													
нт	<i>2</i>													
	<i>10</i>													
тия	Б	И	М	А	Т	О	В							
	М	А	Т	В	Е	Й								
тво	З	У	Б	А	И	Р	О	В	И	Ч				
ождения	1	1	0	2	2	0	0	6						
	Число		Месяц		Год									
а	<i>Российская Федерация</i>													
н (пр: Томская обл., инградская область)	<i>Кемеровская обл.</i>													
ниципального образования н, деревня, село, город)	<i>город</i>													
енный пункт (пр: Томск, юво, Псков)	<i>Турскотьевск</i>													
е наименование звательного учреждения, ром Вы обучаетесь в е время	<i>МБОУ „Лицей №57“</i>													

асие на обработку моих персональных данных и информирование меня посредством sms и e-mail  
 зультатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных с олимпиадой

Личная подпись

*Б.И.И.*

1 | 2 | 3 | 4 | 5 | Σ  
 15 | 15 | -1 | 2 | 15 | 47

Шифр

07856

Открытая региональная межвузовская олимпиада вузов Томской области (ОРМО)

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
47	1.04	Абрамцов (В)	Стор

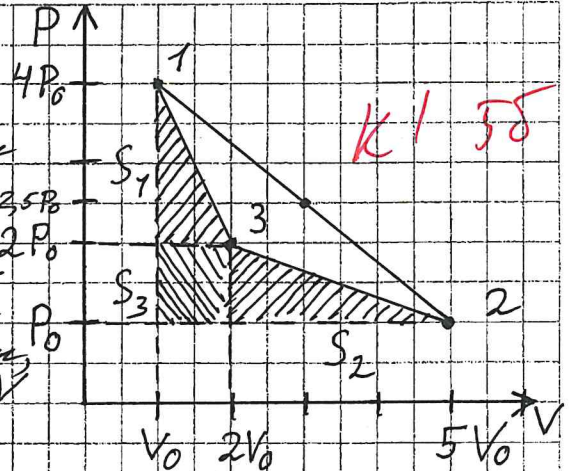
Задача 5

Решение:

Дано:

цикл  $(4P_0, V_0) \rightarrow$   
 $\rightarrow (P_0, 5V_0) \rightarrow (2P_0, 2V_0)$   
 $\rightarrow (4P_0, V_0)$ .

Насколько из-вестно из курса физики за 10 класс, работа газа (А) за цикл равна площади фигуры, описанной в P-V координатах.



K1 55

A - ?

$T_{max}$  - ?

$T_{min}$  - ?

Пусть S - площадь треугольника, заключенного между отрезками, соединяющими точки  $(V_0, 4P_0)$ ,  $(5V_0, P_0)$ ,  $(2V_0, 2P_0)$ :

$$S = \frac{1}{2} \cdot 3P_0 \cdot 4V_0 = 6P_0V_0,$$

А  $S_1, S_2, S_3$  - площади фигур, заштрихованных на графике (см. график).

$$S_1 = \frac{1}{2} \cdot 2P_0 \cdot V_0 = P_0V_0; \quad S_2 = \frac{1}{2} \cdot P_0 \cdot 3V_0 = 1,5P_0V_0;$$

$$S_3 = P_0 \cdot V_0.$$

Насколько видно по графику, А за цикл будет равен:

$$A = S - (S_1 + S_2 + S_3) = 6P_0V_0 - (P_0V_0 + 1,5P_0V_0 + P_0V_0) = 2,5P_0V_0.$$

K2 55

K3 55

По уравнению Клапейрона Менделеева  $PV =$

$= \nu RT \Rightarrow T \sim PV \Rightarrow T_{min}$  будет там, где  $P \cdot V$  минимально, то есть в точке 1 или 3:  $T_1 = \frac{4P_0V_0}{\nu R}$ , а максимум в  $(3V_0, \frac{3}{2}P_0)$ :  $T_{max} = \frac{3P_0V_0}{\nu R} = \frac{3,5P_0V_0}{\nu R}$ .

Ответ:  $A = 2,5P_0V_0$ ;  $T_{max} = \frac{3,5P_0V_0}{\nu R}$ ;  $T_{min} = \frac{4P_0V_0}{\nu R}$ ,

$T_{max} = \frac{3,5P_0V_0}{\nu R}$ .



## Задача 1

Дано:

$$t_k = 0,8 \text{ с}$$

$$L = \frac{1}{16} S$$

 $t = ?$ 

Решение:

Что можно найти по

формуле

$$S = v_0 t - \frac{at^2}{2}$$

$$\text{Ускорение } a = \frac{v - v_0}{t}$$

В нашем случае  $v = 0 \text{ м/с}$ , т.к. самолет остановился в конце.  $\Rightarrow |a| = \frac{v_0}{t}$ 

По рисунку заметим, путь равен всего нулю:

$$S = L + l \Rightarrow S = L + \frac{1}{16} S \Rightarrow \frac{15}{16} S = L$$

$$L \text{ можно найти по формуле: } L = v_0(t - t_k) - \frac{a(t - t_k)^2}{2}$$

В результате получаем:  ~~$\frac{15}{16}(v_0 t - \frac{at^2}{2}) = v_0(t - t_k) - \frac{a(t - t_k)^2}{2}$~~ 

$$\frac{15}{16}(v_0 t - \frac{at^2}{2}) = v_0(t - t_k) - \frac{a(t - t_k)^2}{2}$$

После подстановки  $a = \frac{v_0}{t}$  и преобразования уравнения получаем:

$$\frac{15}{16} t = t - t_k - \frac{t^2 - 2tt_k + t_k^2}{2t}$$

$$2t - 2t_k - t + 2t_k - \frac{t^2}{2t} - \frac{15}{16} t = 0$$

$$\frac{1}{16} t - \frac{t^2}{2t} = 0$$

$$\frac{1}{16} t^2 = t_k^2$$

$$t = 4t_k$$

$$t = 3,2 \text{ с}$$

Ответ: 3,2 с.

рисунок



К1-5

К3-5



Задача 2

Дано:

Решение:

$F_1 = mg$

По III закону

$F_2 = 2mg$

Неизвестно:

$l$ -длина  
при  $F_1$

$|F_1| = |F_{уп1}|$

$2l$ -длина  
при  $F_2$

$|F_2| = |F_{уп2}|$

$k$ - жестк  
коэффициент

Сила упругости най-  
дем по закону Гука:

$F_{уп} = k \Delta l$

$l_0$  - ?  
 $k$  - ?

Запишем ее для наших  
случаев:

$$\begin{cases} F_{уп1} = k \Delta l_1 \\ F_{уп2} = k \Delta l_2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} F_{уп1} = k(l_0 - l) \\ F_{уп2} = k(2l - l_0) \end{cases}$$

Подставим вместо  $F_{уп1}$  и  $F_{уп2}$

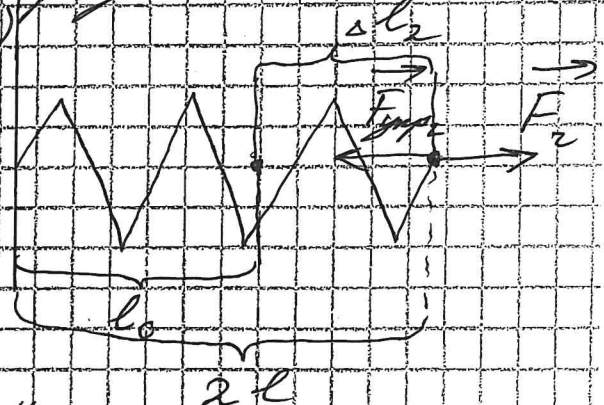
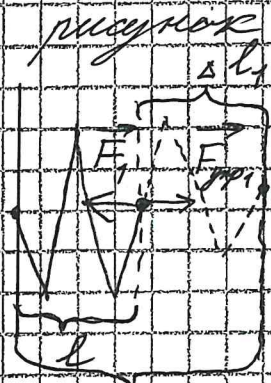
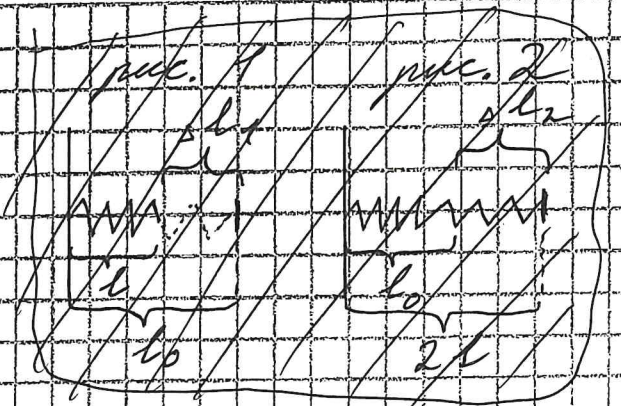
$F_1$  и  $F_2$  соответственно и решим

систему: 
$$\begin{cases} mg = k(l_0 - l) \\ 2mg = k(2l - l_0) \end{cases}$$

$2k(l_0 - l) = k(2l - l_0) \Rightarrow l_0 = \frac{4}{3}l$

Найдем  $k$ :  $mg = k(l_0 - l) \Leftrightarrow mg = k(\frac{4}{3}l - l) \Leftrightarrow k = 3mg$

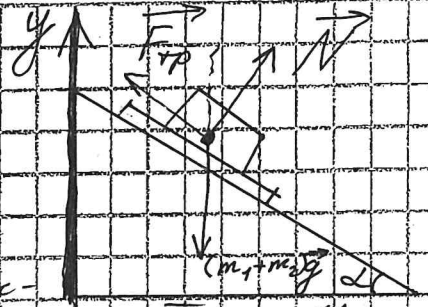
Ответ:  $l_0 = \frac{4}{3}l$ ;  $k = 3mg$ .





Задача 4

Решение



Дано

$\alpha$  - угол наклона  
в осн. накл. пл.

$m_2$  - масса бруска

$m_1$  - масса шайбы

$\mu_2$  - коэф. тр. между шайбой и бруском

$\mu_2$  - ?

Крайней шайбу и брусок за одно целое, т.к. шайбу не выдернет на склоне - ваще бруска, тогда по II з. Ньютона

$(m_1 + m_2) \vec{a} = F_{тр}$ , но поскольку шайба неподвижна относительно бруска, то  $a = 0$ :

$$0 = \vec{F}_{тр} + \vec{N} + (m_1 + m_2) \vec{g}$$

$$OY: 0 = F_{тр} \cdot \cos \alpha + N \cdot \cos(90^\circ - \alpha),$$

Получим  $F_{тр} = \mu_2 N$ , то:

$$\mu_2 N = \frac{N \cdot \sin \alpha}{\cos \alpha} \iff \mu_2 = \tan \alpha.$$

Ответ:  $\mu_2 \geq \tan \alpha.$